

# به نام خدا

## مقدمه مؤلف

رشد فزاینده رقابت دانشجویان برای دستیابی به مراتب عالی و تحصیلات تکمیلی، اینجانب را بر آن داشت تا شرایط بهتری را برای آمادگی بیشتر شرکت‌کنندگان فراهم نمایم. در مجموعه حاضر که به همین منظور و با هدف آشنایی بیشتر شرکت‌کنندگان در کنکور، تهیه و تدوین گردیده است، سعی شده که تا حد ممکن دانشجویان عزیز را با جزئیات کامل درس و تست‌ها آشنا کند.

در مطالب درسی به شکل طبقه‌بندی شده همراه با تست‌ها و پاسخ‌های تشریحی در هشت فصل ارائه شده است.

کلیه سؤالات به تناسب امکان دستیابی مربوط به آزمون‌های سراسری کارشناسی ارشد مهندسی شیمی، مکانیک بیوتکنولوژی، هسته‌ای، مخازن هیدروکربوری تا سال ۱۳۹۶ جمع‌آوری شده است.

با عنایت به این که یقیناً این مجموعه بدون اشکال نخواهد بود، انتظار می‌رود که استادان محترم و دانشجویان عزیز و سایر علاقه‌مندانی که کتاب حاضر را مطالعه می‌نمایند، نقطه نظرات اصلاحی و پیشنهادات خود را برای بهبود کیفی و کمی کار در چاپ‌های بعدی دریغ نفرمایند.

محمد سمیع پور گیری

# فهرست مطالب

۱	فصل اول. هدایت حرارتی
۱۱۳	فصل دوم. هدایت پایدار چند بعدی و هدایت ناپایدار
۱۶۱	فصل سوم. اصول انتقال حرارت جابجایی
۲۵۵	فصل چهارم. انتقال حرارت جابجایی طبیعی (آزاد)
۲۸۹	فصل پنجم. جوشش و چگالش
۳۲۳	فصل ششم. مبدل‌های حرارتی
۳۶۳	فصل هفتم. انتقال حرارت تشعشعی
۴۲۹	منابع

## فصل اول

### هدايت حرارتى

#### هدايت حرارتى

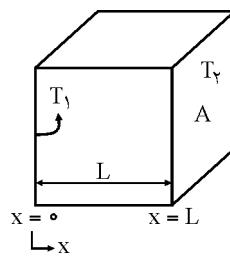
على رغم ترموديناميک که علم تعادلها است و زمان مطرح نمی باشد، در انتقال حرارت زمان یکی از پارامترهای مهم است. برای هر فرآیند انتقالی نیاز به نیروی محرکه داشته که در انتقال حرارت نیرو محرکه همان اختلاف دما می باشد. در حالت کلی فرآیندهای انتقال حرارت به صورت های زیر انجام می شوند:

۱- انتقال حرارت هدايتی (رسانشی)

۲- انتقال حرارت جابجایی (همرفتی)

۳- انتقال حرارت تابشی (تشعشع)

در ابتداء انتقال حرارت نوع هدايتی را در نظر می گيريم. اين نوع از انتقال حرارت در کلیه فازهای جامد، مایع و گاز انجام می شود. هدايت حرارتی نوعی از انتقال حرارت است که نیاز به حرکت مولکول نداشته و انتقال در مقیاس مولکولی می باشد. المان شکل (۱-۱) را در نظر بگیرید که دارای سطح مقطع  $A$ ، دمای طرفین  $T_1$  و  $T_2$  و ضخامت  $L$  می باشد. انتقال حرارت از دمای بیشتر (به عنوان فرض  $T_1$ ) به دمای کمتر  $T_2$  انجام می شود که در هر نقطه جهت انتقال حرارت بر سطح مقطع انتقال عمود می باشد.



شکل (۱-۱)

فوریه نشان داد که مقدار حرارت منتقله ( $q$ ) با مساحت سطح مقطع ( $A$ ) و اختلاف دما رابطه مستقیم و با ضخامت رابطه عکس دارد. لذا داریم:

$$q \sim A \frac{dT}{dx}$$

برای تبدیل تناسب به تساوی ضریب ثابت  $k$  وارد می شود. معادله نهایی قانون هدايتی فوريه نامیده می شود.

$$\text{قانون هدایتی فوریه: } q = -kA \frac{dT}{dx}$$

پارامترهای مختلف از قانون هدایتی فوریه عبارتند از:

$$q : \text{حرارت انتقال یافته، W} \text{ یا } \frac{\text{Btu}}{\text{hr}}$$

$$k : \text{ضریب هدایت حرارتی، } \frac{\text{Btu}}{\text{hr.ft.}^{\circ}\text{F}} \text{ یا } \frac{\text{W}}{\text{m.k}}$$

$A$  : مساحت سطح مقطع،  $\text{m}^2$  یا  $\text{ft}^2$

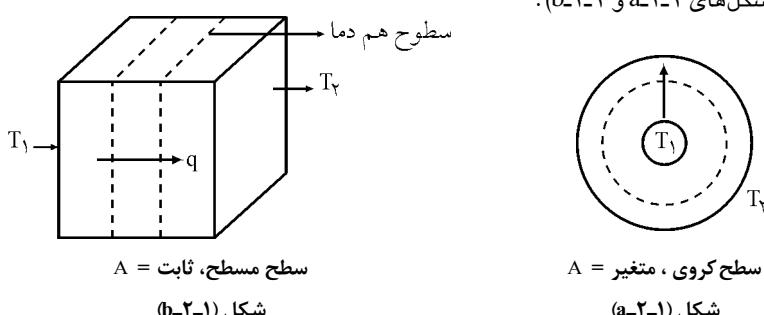
$$\frac{\text{°F}}{\text{ft}} \text{ یا } \frac{\text{°C}}{\text{m}} : \frac{dT}{dx}$$

علامت منفی در قانون هدایتی فوریه برای توجیه قانون دوم ترمودینامیک می‌باشد و به این معنی است که اولًاً انتقال حرارت از دمای بالا به دمای پایین صورت گرفته و ثانیاً مقدار  $K$  نمی‌تواند منفی باشد زیرا  $K$  منفی ناقض قانون دوم ترمودینامیک است. انتقال حرارت نوع هدایتی تابع جهت بوده و یک بردار می‌باشد. مقدار  $q$  کل برابر مجموع  $q$ ‌ها در تمام جهات می‌باشد. اگر مقدار  $q$  در واحد سطح انتقال را با  $q''$  نمایش داده و شار حرارتی بنامیم داریم:

$$q'' = q''_x + q''_y + q''_z \quad , \quad q'' = -K \left( \hat{i} \frac{\partial T}{\partial x} + \hat{j} \frac{\partial T}{\partial y} + \hat{k} \frac{\partial T}{\partial z} \right)$$

که در آن  $i, j$  و  $k$  بردارهای یکه می‌باشند.

قانون هدایتی فوریه یک قانون پدیده‌ای (Phenomenology) می‌باشد. همانطوری که گفته شد  $A$  مساحت سطح مقطعی می‌باشد که  $q$  بر آن عمود می‌باشد. بین صفحه بادمای  $T_1$  و  $T_2$  بی‌نهایت صفحه هم دماداریم که  $q$  بر آن عمود است. نیازی نمی‌باشد که حتماً جهت انتقال حرارت مستقیم یا مساحت سطح مقطع مسطح باشد (شکل‌های a-۲-۱ و b-۲-۱).

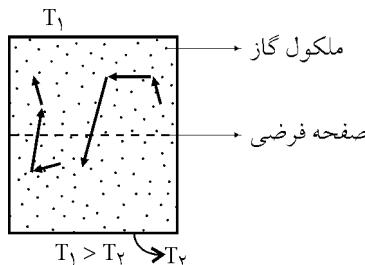


اگر فرض کنیم که توزیع دما خطی باشد، رابطه  $\frac{T_2 - T_1}{x_2 - x_1}$  خواهد شد، لذا داریم:

$$q = -kA \frac{T_2 - T_1}{x_2 - x_1} = -kA \frac{T_2 - T_1}{L} = KA \frac{T_1 - T_2}{L} = KA \frac{\Delta T}{L}$$

## فصل اول / هدایت حرارتی ■ ۳

همان طوری که گفته شده انرژی از دمای بالا به دمای پایین منتقل می‌شود که می‌توان طبق تئوری جنبشی گازها این حالت را نشان داد. مقدار انرژی که یک مولکول گاز دارد به حرکات خطی، دورانی و نوسانی مولکول بستگی دارد و هرچه دمای یک نقطه بیشتر باشد انرژی آن نقطه نیز بیشتر است. از نقطه نظر آماری تعداد مولکول‌هایی که از یک صفحه فرضی عبور می‌کنند از طرف دمای بزرگتر بیشتر از دمای کمتر می‌باشد، لذا انتقال حرارت از دمای بالاتر به دمای کمتر است.



شکل (۳-۱)

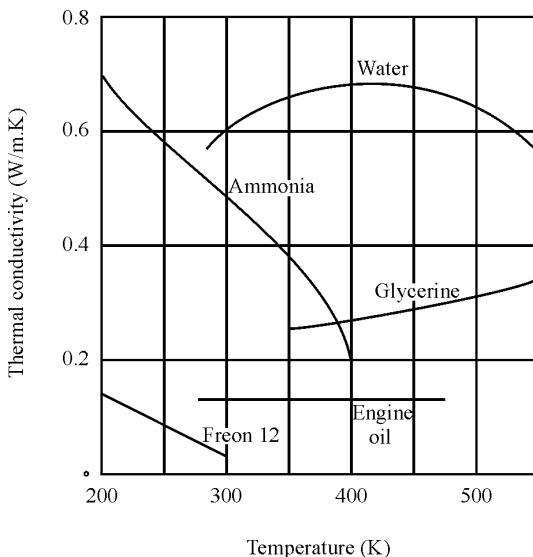
اگر مقدار خالص مولکول‌های عبور کرده از پایین به بالا و از بالا به پایین را محاسبه کنیم، تعداد مولکول‌های از بالا به پایین بیشتر است. (از دمای بزرگتر  $T_1$  به دمای کوچکتر  $T_2$ ). شکل (۲-۱). لازم به ذکر است که هدایت فاصله خالص طی شده می‌باشد، به همین دلیل به هدایت حرارتی نفوذ یا پخش حرارتی نیز گویند. هرچه فاصله مولکول‌ها کمتر باشد هدایت حرارتی سریع‌تر صورت می‌گیرد، لذا هدایت حرارتی در جامدات سریع‌تر از مایعات و سریع‌تر از گازها می‌باشد و چون نماینده هدایت  $K$  می‌باشد، داریم:

$$\text{گاز } K > \text{ مایع } > \text{ جامد}$$

### مکانیزم هدایت حرارتی مواد مختلف

در گازها هدایت حرارتی به واسطه برخورد مولکول‌ها و انتقال انرژی جنبشی صورت می‌گیرد. در حالت کلی در سیالات حرکت بی‌نظم مولکول‌ها باعث انتقال حرارت هدایتی می‌شود. از آنجائی که با افزایش دما تعداد برخوردها افزایش می‌یابد، هدایت حرارتی و لذا  $K$  افزایش می‌یابد. با افزایش فشار فاصله مولکول‌ها از هم کم شده، لذا طول برخورد کاهش می‌یابد، از طرفی سرعت برخورد مولکول‌ها افزایش یافته که این دو اثر هم را ختنی می‌کند. پس می‌توان گفت فشار اثری روی ضریب هدایت حرارتی گازها ندارد.

در مایعات مکانیزم مشخصی برای توجیه هدایت حرارتی وجود ندارد. ولی در حالت کلی می‌توان گفت که عموماً با افزایش دما ضریب هدایت حرارتی مایعات کاهش می‌یابد، مگر در دو حالت استثناء که یکی آب و دیگری گلیسرین است. در آب با افزایش دما ابتدا ضریب هدایت حرارتی افزایش و سپس کاهش می‌یابد. در گلیسرین با افزایش دما ضریب هدایت حرارتی افزایش می‌یابد. شکل (۴-۱) برای چند مایع ضریب هدایت حرارتی را بر حسب دما نشان می‌دهد.



شکل (۴-۱)

فشار روی ضریب هدایت حرارتی مایعات بی تأثیر است.

در جامدات هدایت حرارتی توسط دو عامل الکترون‌های آزاد و ارتعاش شبکه صورت می‌گیرد و  $K$  جامد نیز اثر سر جمع این دو می‌باشد. اگر  $K$  ناشی از الکترونهای آزاد را با  $K_e$  و  $K$  ناشی از ارتعاش شبکه را با  $K_L$  نمایش دهیم داریم:

$$K = K_e + K_L \quad , \quad K_e = \text{free electrons} \quad , \quad K_L = \text{Lattice Vibration}$$

در یک جامد فلزی عامل اصلی هدایت حرارتی الکترون‌های آزاد می‌باشد و می‌توان از  $K_L$  در برابر  $K_e$  صرفنظر کرد. هرچه تعداد الکترون‌های آزاد افزایش یابد یا مقاومت الکتریکی کاهش یابد،  $K_e$  افزایش می‌یابد. در یک آبیار نمی‌توان از سهم  $K_L$  در برابر  $K_e$  صرفنظر کرد و هر دو بایستی در نظر گرفته شوند. در جامد غیرفلزی نظیر الماس الکترون آزاد وجود ندارد و تنها ارتعاش شبکه در هدایت حرارتی نقش ایفاء می‌کند. هرچه نظم شبکه بیشتر باشد،  $K_L$  بزرگتر می‌باشد. در جامد با شبکه منظم نظیر الماس  $K_L$  غالب می‌باشد، که حتی  $K_L$  آن از  $K$  یک فلز هادی حرارتی خوب نظیر مس و آلومینیم بزرگتر است.

$$\text{مس} \approx ۲۰۰ \text{ w/m.}^{\circ}\text{C} \quad , \quad K = ۲۰۰ \text{ آلومینیم} \quad (\text{mas})$$

اثر دما روی  $K$  جامد را می‌توان بدین ترتیب توضیح داد که هرچه دما افزایش یابد مقاومت الکتریکی افزایش و  $K_e$  کاهش می‌یابد و همچنین نظم شبکه نیز به هم می‌ریزد، لذا  $K_L$  نیز کاهش می‌یابد پس در کل با افزایش دما کاهش هدایت حرارتی جامدات مشاهده می‌شود. فشار روی ضریب هدایت حرارتی جامدات بی تأثیر است. البته در بعضی از فلزات نظیر آلومینیوم با افزایش دما  $K$  ابتدا کاهش، سپس افزایش و درنهایت باز کاهش می‌یابد.

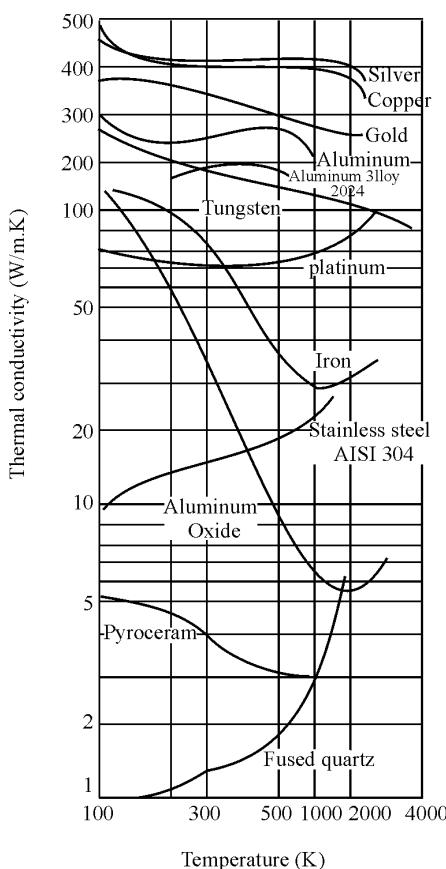
## فصل اول / هدایت حرارتی ■ ۵

مرتبه بزرگی ضریب هدایت حرارتی مواد مختلف به قرار زیر است:

$K(w/m.^{\circ}C)$	۲۲۰۰	۳۰۰	۲۰۴	۷۰	۰/۶ - ۰/۸	۸ - ۱۴	۰/۰۱۸ - ۰/۰۴۲
ماده	الاس	مس	آلومینیم	آهن	آب	جیوه	گاز $CO_2$

برای هوا نیز  $K$  در محدوده  $۰/۰۱$  تا  $۰/۰۱۷۵$  بر حسب واحد  $\frac{W}{m.^{\circ}C}$  قرار دارد.

لازم به توضیح است که ضریب هدایت حرارتی سرعت انتقال حرارت را توجیه می‌کند و به ذخیره انرژی هیچ ربطی ندارد. ذخیره انرژی به پارامتر ظرفیت حرارتی برمی‌گردد. هر چه  $K$  جسم بزرگتر باشد جسم حرارت را سریع‌تر انتقال می‌دهد و هرچه ظرفیت حرارتی جسم کوچکتر باشد دمای جسم بیشتر افزایش می‌یابد (در فرآیند گرمایش جسم). هدایت حرارتی نیاز به محیط مادی دارد. تغییرات ضریب هدایت حرارتی بر حسب دما برای تعدادی از مواد جامد در شکل (۵-۱) مشاهده می‌شود.



شکل (۵-۱)

### انتقال حرارت جابجایی

نوعی از انتقال حرارت می‌باشد که برای سیالات اتفاق می‌افتد. سیال می‌تواند ساکن و یا متحرک باشد. اگر سیال ساکن باشد، جابجایی را آزاد و اگر متحرک باشد، اجباری گویند. در جابجایی اجباری عوامل خارجی نظیر پنکه، دمنده و ... وجود دارد در حالی که در جابجایی آزاد هیچ عامل خارجی وجود ندارد. البته در جابجایی آزاد سیال مجاور سطح گرم و یا سرد به واسطه تغییر جرم حجمی که ناشی از نیروهای شناوری است به حرکت در آمده که به این حالت جابجایی آزاد گویند.

اگر جسم جامدی با سطح جانبی  $A_s$  و دمای  $T_s$  را در محیط با دمای  $\infty$  در نظر بگیریم، مقدار حرارت منتقله از جسم به محیط متناسب با مساحت جانبی  $A_s$  و اختلاف دما می‌باشد، لذا می‌توان نوشت:

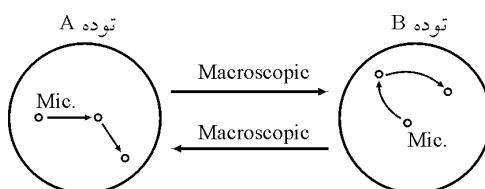
$$q \sim A_s \cdot \Delta T \Rightarrow q = h \cdot A_s \cdot \Delta T$$

$h$  ضریب انتقال حرارت جابجایی محیط می‌باشد که دارای واحد  $(Btu/hr.ft^2.F) / (w/m^2.C)$  می‌باشد. انتقال حرارت جابجایی یک خاصیت مقداری می‌باشد که تابع جهت نمی‌باشد. لازم به ذکر است که انتقال حرارت‌های نوع هدایتی و جابجایی به محیط مادی نیاز داشته و در خلاصه صورت نمی‌گیرند.

### مکانیزم انتقال حرارت جابجایی

اگر صفحه‌ای با دمای  $T_s$  و سیال با دمای  $\infty$  را در نظر بگیریم و سیال با سرعت مشخصی از روی صفحه در حال وزیدن باشد، در محل تماس سیال با صفحه جامد سرعت صفر بوده و انتقال حرارت در آن نقطه خاص به واسطه هدایت صورت می‌گیرد. لایه بعد از لایه چسبیده به سطح جامد چون در حال حرکت می‌باشد گرم شده و انتقال حرارت را به لایه‌های بعدی فراهم می‌کند. به دلیل هدایت در لایه چسبیده به صفحه جامد، انتقال حرارت جابجایی را هدایت در لایه نازک نیز گویند.

انتقال حرارت جابجایی طبق مکانیزم‌های ماکروسکوپی و میکروسکوپی انجام می‌شود. در مکانیزم ماکروسکوپی توده‌ها با هم برخورد کرده و در مکانیزم میکروسکوپی انتقال در مقیاس ملکولی می‌باشد. اگر برخورد توده‌های A و B در شکل (۱-۴) را در نظر بگیریم، در خود توده‌ها نیز انتقال در مقیاس ملکول انجام می‌گیرد. اثر سر جمع این دو با هم موجب جابجایی (Convection) می‌شود. اگر فقط انتقال توده‌ها در نظر گرفته شود فرآیند را دوکسیون (Advection) گویند.



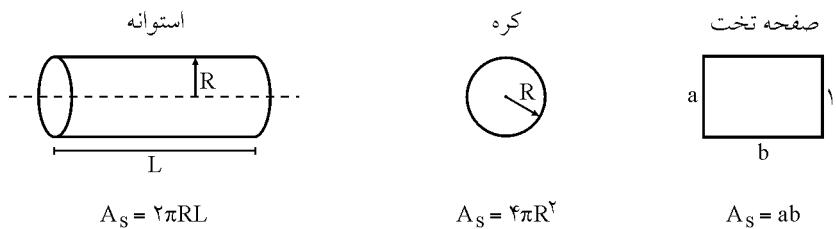
شکل (۱-۴)

لازم به ذکر است که K خاصیت تابع شرایط فیزیکی (دما و فشار) و جنس ماده می‌باشد و شکل هندسی تأثیری روی آن ندارد، در حالی که  $h$  علاوه بر شرایط بالا تابع خواص دیگر نظیر ویسکوزیته، جرم حجمی و

## ۷ ■ فصل اول / هدایت حرارتی

... و همچنین شکل هندسی نیز می‌باشد.  $h$  برای مایعات از گازها بیشتر بوده و هرچه سرعت افزایش یابد نیز بیشتر خواهد شد.

سطح جانبی جسم بوده که می‌توان در شکل (۷-۱) چند مورد از آن را مشاهده کرد.



شکل (۷-۱)

### تشعشع حرارتی

نوعی از انتقال حرارت است که نیاز به محیط مادی ندارد. از جنس امواج الکترومغناطیس بوده و در خلاء بهتر از محیط مادی منتشر می‌شود. با سرعت نور ( $3 \times 10^8 \text{ m/s}$ ) و به شکل بسته‌های انرژی به نام فوتون انتقال می‌یابد که انرژی هر فوتون طبق رابطه زیر محاسبه می‌شود:

$$E = h.f = h\nu, \quad h = 6.625 \times 10^{-34} \text{ J.s}$$

که  $h$  ثابت پلانک و  $f(\nu)$  فرکانس می‌باشد.

### جسم سیاه (Black Body)

جسمی است که مقدار انرژی منتشر شده از آن در واحد سطح و زمان در رابطه زیر صدق کند:

$$E_b = \sigma T_b^4, \quad \sigma = 5.67 \times 10^{-8} \text{ W/m}^2 \text{ K}^4$$

انرژی منتشر شده در واحد سطح و زمان ( $\text{W/m}^2$ ) و  $\sigma$  ثابت استقان بولتزمن می‌باشد. مشاهده عینی جسم سیاه با جسم سیاه از لحاظ تابش حرارتی متفاوت است. چون اکثر اجسامی که در رابطه جسم سیاه صدق می‌کنند عموماً به رنگ تیره می‌باشند نامگذاری بر این اساس صورت گرفته است، در حالی که برف و بیخ با اینکه کاملاً سفیداند، در طول موج‌های بلند شبیه جسم سیاه عمل می‌کنند.

### ضریب نشر

نسبت انرژی منتشر شده از یک جسم به انرژی منتشر شده از همان جسم اگر سیاه درنظر گرفته شود را ضریب نشر (پخش) نامند (دما در هر دو حالت یکسان است) و طبق تعریف داریم:

$$\epsilon = \frac{E}{E_b}, \quad E = \epsilon E_b = \epsilon \sigma T^4$$

ضریب نشر جسم بوده و تابع دما، طول موج و شرایط سطح می‌باشد.  $\epsilon$  برای جسم سیاه برابر یک بوده و همواره  $0 \leq \epsilon \leq 1$  می‌باشد.

در جسمی که حرارت یکنواختی تولید می‌شود و در یک محیط جابجایی با ضریب  $h$  و دمای  $T_\infty$  قرار

گرفته است می‌توان رابطه زیر را نوشت:

$$q_{\text{تابش}} + q_{\text{جابجایی}} = q_{\text{تولیدی}}$$

از طرفی تابش حرارتی از یک سطح با مساحت  $A$ ، دمای  $T_s$  و ضریب نشر  $\epsilon$  به محیط بادمای  $\infty$  برابر  $\sigma \epsilon A(T_s^4 - T_\infty^4)$  می‌باشد، لذا می‌توان نوشت:

$$q_{\text{تولیدی}} = h A (T_s - T_\infty) + \sigma \epsilon A (T_s^4 - T_\infty^4)$$

در رابطه بالا می‌توان دمای تعادلی سطح جسم  $T_s$  را محاسبه کرد. البته باستی دقت شود که اگر هدایت تمام دمایها به حالت مطلق (کلوین) نوشتند.

اگر مانع تأثیری روی انتقال حرارت تابشی قرار دهیم، شدت انتقال حرارت تغییر خواهد کرد، در حالی که این مانع تأثیری روی انتقال حرارت جابجایی نخواهد داشت (قرار دادن مانع جلوی ذغال آتش که منجر به کاهش تابشی حرارتی می‌شود).

در مکان‌هایی که در آن شتاب جاذبه وجود ندارد می‌توان از انتقال حرارت جابجایی و هدایتی اجسام با محیط صرف‌نظر کرد. به عنوان مثال در سرده شدن یک فنجان چای در خلاء جابجایی و هدایت فنجان با محیط وجود ندارد و تنها هدایت درون چای و خود فنجان و تشعشع آن با محیط باستی در نظر گرفته شوند.

### مقاومت حرارتی Thermal Resistance

عموماً در کلیه فرآیندهای انتقالی، جریان را به شکل نسبت نیرو محركه به مقاومت تعریف می‌کنند. به عنوان مثال شدت جریان الکتریکی به صورت نسبت اختلاف پتانسیل به مقاومت الکتریکی تعریف می‌شود

$$(I = \frac{V}{R})$$

تعریف بالا را برای سطوح مختلف هدایتی و جابجایی می‌توان استفاده کرد.

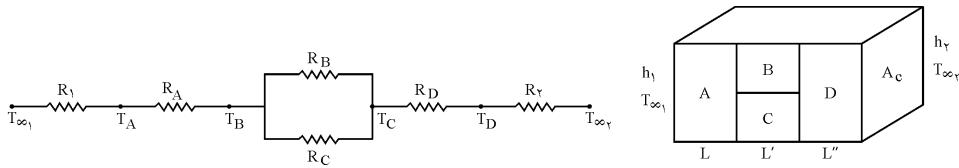
$$q_{\text{هدایتی}} = KA \frac{\Delta T}{\Delta x} = \frac{\Delta T}{\frac{\Delta x}{K \cdot A}}, \quad R_{\text{Cond.}} = \frac{\Delta x}{K \cdot A}$$

لذا مقاومت هدایتی جسم مسطح برابر  $\frac{\Delta x}{K \cdot A}$  می‌باشد.

$$q_{\text{جابجایی}} = h \cdot A_s \cdot \Delta T = \frac{\Delta T}{h \cdot A_s}, \quad R_{\text{Conv.}} = \frac{1}{h \cdot A_s}$$

مقاومت جابجایی برای کلیه سطوح اعم از تخت و غیر تخت برابر  $\frac{1}{h \cdot A_s}$  می‌باشد. می‌توان ترکیب مقاومت‌های هدایتی و جابجایی را نیز با هم در نظر گرفت. اگر دیوارهای را در نظر بگیریم که از جنس‌های مختلف تشکیل شده (شکل (۸-۱)) و دو طرف این دیواره در دمای  $T_\infty$  و  $T_\infty$  قرار داشته باشد، انتقال حرارت جابجایی از دمای بیشتر (به عنوان فرض  $T_\infty$ ) به دیواره صورت گرفته که در مرحله بعد حرارت توسط لایه‌های مختلف دیواره هدایت شده و در نهایت به محیط با دمای کمتر  $T_\infty$  جابجا می‌شود. در شکل (۸-۱) شبکه مقاومتی سیستم نیز نشان داده شده است.

## ۹ ■ فصل اول / هدایت حرارتی



شکل (۹-۱)

با توجه به شکل (۹-۱) می‌توان نوشت:

$$R_1 = \frac{1}{h_1 A_C}, \quad R_A = \frac{L}{K_A \cdot A_C}, \quad R_B = \frac{L'}{K_B \cdot A_1}, \quad R_C = \frac{L'}{K_C \cdot A_2}$$

$$R_D = \frac{L''}{K_D \cdot A_C}, \quad R_Y = \frac{1}{h_2 \cdot A_C}$$

که  $A_1$  و  $A_2$  به ترتیب سطح مقطع عبور مقاطع  $B$  و  $C$  بوده و رابطه  $A_1 + A_2 = A_C$  برقرار است. مقاومت کل (معادل) عبارت است از:

$$R_t = R_{\text{کل}} = \sum R_i = R_1 + R_A + R_{B,C} + R_D + R_Y$$

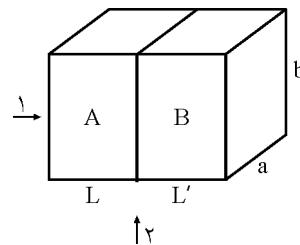
$$(R_{B,C} = \frac{R_B R_C}{R_B + R_C}) \quad R_{B,C} \text{ مقاومت معادل مقاومت‌های موازی } B \text{ و } C \text{ می‌باشد}$$

می‌توان  $q$  (انتقال حرارت) را به شکل نیرو محکم در هر مقطع به مقاومت در همان مقطع تعریف کرد

$$q = \frac{\Delta T_{ij}}{R_{ij}} \quad (\text{لذا داریم:})$$

$$q = \frac{T_{\infty_1} - T_{\infty_y}}{R_t} = \frac{T_{\infty_1} - T_A}{R_1} = \frac{T_A - T_D}{R_A + R_{B,C} + R_D} = \dots$$

جهت انتقال حرارت پارامتر بسیار مهمی در تعیین مقاومت معادل می‌باشد. به عنوان مثال مقاومت دیواره شکل (۹-۱) در جهت (۱) به شکل سری و در جهت (۲) به شکل موازی می‌باشد. با توجه به شکل (۹-۱) داریم:



شکل (۹-۱)

$$(1) \text{ جهت } R_t = R_A + R_B = \frac{L}{K_A \cdot ab} + \frac{L'}{K_B \cdot ab}$$

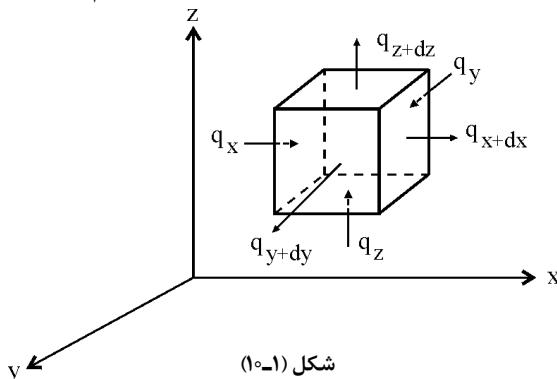
$$(2) \text{ جهت } R_t = \frac{R'_A \cdot R'_B}{R'_A + R'_B}, \quad R'_A = \frac{b}{K_A \cdot aL}, \quad R'_B = \frac{b}{K_B \cdot aL'}$$

در بعضی محاسبات رابطه  $q = \frac{\Delta T}{R} = UA\Delta T$  مطرح می‌شود.  $U$  ضریب انتقال حرارت کلی می‌باشد که در فصل مبدل‌های حرارتی (فصل ۶) بررسی می‌شود. در ضمن اگر شار حرارتی  $q''$  را به صورت  $q'' = \frac{\Delta T}{R}$  بنویسیم و با رابطه  $q'' = \frac{q}{A} = \frac{\Delta T}{R''}$  مقایسه کنیم داریم:

$$R'' = R \cdot A$$

### معادله هدایت حرارتی Heat Equation

با در نظر گرفتن المان حجمی شکل (۱۰-۱) و نوشتن موازنۀ انرژی داریم:



شکل (۱۰-۱)

$$\text{نرخ تجمع} = \text{صرف} - \text{تولید} + \text{خروجی} - \text{ورودی}$$

لازم به توضیح است که ترم‌های ورودی و خروجی پدیده‌های سطحی و ترم‌های تولید، صرف و تجمع

پدیده‌های حجمی می‌باشند. در این مسأله نرخ تولید حرارت در واحد حجم را با  $\frac{W}{m^3}$  نمایش می‌دهیم. کلیه

ترم‌ها در معادله موازنۀ برحسب  $W$  می‌باشند. ترم‌های مختلف معادله موازنۀ انرژی عبارتند از:

$$\text{ورودی} : q_x + q_y + q_z$$

$$\text{خروچی} : q_{x+dx} + q_{y+dy} + q_{z+dz}$$

$$\text{تولید} : \dot{q} \cdot dx dy dz$$

$$\frac{\partial E}{\partial t} = \frac{\partial(mCT)}{\partial t} = \frac{\partial(\rho VCT)}{\partial t} = \frac{\partial(\rho dx dy dz CT)}{\partial t}$$

با جایگذاری مقادیر مربوطه در معادله بیلان انرژی داریم:

$$(q_x + q_y + q_z) - (q_{x+dx} + q_{y+dy} + q_{z+dz}) + \dot{q} dx dy dz = \frac{\partial(\rho dx dy dz CT)}{\partial t}$$

---

## فصل اول / هدایت حرارتی ■ ۱۱

---

$$q_{x+dx} = q_x + \frac{\partial q_x}{\partial x} dx, \quad q_{y+dy} = q_y + \frac{\partial q_y}{\partial y} dy, \quad q_{z+dz} = q_z + \frac{\partial q_z}{\partial z} dz$$

$$-\left(\frac{\partial q_x}{\partial x} dx + \frac{\partial q_y}{\partial y} dy + \frac{\partial q_z}{\partial z} dz\right) + \dot{q} dxdydz = dxdydz \frac{\partial(\rho CT)}{\partial t}$$

$$q_x = -KA_x \frac{\partial T}{\partial x} = -K dydz \frac{\partial T}{\partial x}, \quad q_y = -Kdxdz \frac{\partial T}{\partial y}, \quad q_z = -Kdxdy \frac{\partial T}{\partial z}$$

با فرض ثابت ماندن خواص داریم:

$$K\left(\frac{\partial^3 T}{\partial x^3} + \frac{\partial^3 T}{\partial y^3} + \frac{\partial^3 T}{\partial z^3}\right) + \dot{q} = \rho C \frac{\partial T}{\partial t}$$

اگر خواص ثابت فرض نشود می‌توان معادله موازی انرژی را به صورت زیر نوشت:

$$\nabla(K\nabla T) + \dot{q} = \frac{\partial(\rho CT)}{\partial t}$$

با توجه به رابطه فوق اگر انتقال حرارت یک بعدی، حالت پایدار و بدون تولید حرارت داخلی باشد داریم:

$$\frac{d}{dx}(K \frac{dT}{dx}) = 0$$

با فرض ثابت ماندن خواص و با توجه به تعریف ضریب نفوذ حرارتی  $\alpha = \frac{K}{\rho C}$  می‌توان رابطه زیر را نوشت:

$$\frac{\partial^3 T}{\partial x^3} + \frac{\partial^3 T}{\partial y^3} + \frac{\partial^3 T}{\partial z^3} + \frac{\dot{q}}{K} = \frac{1}{\alpha} \frac{\partial T}{\partial t}$$

معادله بالا، در شرایط خاص ساده نیز خواهد شد. در معادله بالا می‌توان فرضیات انتقال حرارت سه

بعدی، همواره با تولید حرارتی و حالت ناپایدار را ذکر کرد که برای حل نیاز به شش شرط مرزی و یک شرط

$$\text{اولیه دارد. در حالت پایدار ترم } \frac{\partial T}{\partial t} \text{ برابر صفر خواهد شد.}$$

اگر معادله یک بعدی همراه با تولید حرارت داخلی و حالت ناپایدار باشد داریم:

$$\frac{\partial^2 T}{\partial x^2} + \frac{\dot{q}}{K} = \frac{1}{\alpha} \frac{\partial T}{\partial t}$$

ضریب نفوذ حرارتی  $\alpha$  برابر نسبت سرعت انتقال حرارت به ذخیره انرژی می‌باشد. هرچه  $K$  بزرگتر باشد، سرعت انتقال حرارت سریع‌تر و هرچه  $\rho C$  کوچکتر باشد در طی فرآیند گرمایش جسم گرمتر خواهد شد.  $\alpha$  بزرگ به مفهوم انتقال سریع حرارت و گرم شدن بیشتر جسم است، در حالی که در خیلی از حالات با  $K$  بزرگ اشتباه می‌شود.  $K$  بزرگ سریع انتقال می‌دهد ولی سریع گرم نمی‌کند. ضریب نفوذ حرارتی ( $\alpha$ ) دارای واحد  $m^2/s$  می‌باشد. به عنوان نمونه ضریب نفوذ حرارتی ( $\alpha$ ) چند ماده را مشاهده می‌کنید:

ماده	$\alpha$ (m²/s)
نقره	$149 \times 10^{-6}$
طلاء	$127 \times 10^{-6}$
مس	$113 \times 10^{-6}$
آلومینیوم	$97/5 \times 10^{-6}$
آهن	$22/8 \times 10^{-6}$
جیوه (مایع)	$4/7 \times 10^{-6}$
یخ	$1/2 \times 10^{-6}$
بتن	$0/75 \times 10^{-6}$
شیشه	$0/34 \times 10^{-6}$
پشم شیشه	$0/23 \times 10^{-6}$
آب (مایع)	$0/14 \times 10^{-6}$
چوب	$0/13 \times 10^{-6}$

هرچه  $\alpha$  بزرگتر باشد، احساس گرما یا سرما بیشتر و بالاتر است. با توجه معادله حرارت در حالتی که معادله حرارت یک بعدی، با تولید حرارت داخلی و حالت پایدار باشد داریم:

$$\frac{d^2T}{dx^2} + \frac{\dot{q}}{K} = 0, \quad T = \frac{-\dot{q}x}{2K} + C_1x + C_2$$

در حالت معادله حرارت یک بعدی، بدون تولید حرارتی و حالت پایدار معادله انرژی به صورت زیر ساده می‌شود:

$$\frac{d^2T}{dx^2} = 0, \quad T = C_1x + C_2$$

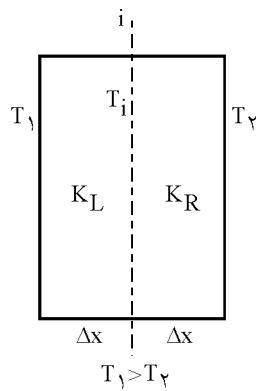
اگر ضریب هدایت حرارتی جسم (K) با دما تغییر کند، بسته به این که K به چه صورتی با دما تغییر کند، توزیع دما در جسم متفاوت خواهد بود.

در حالتی که K با افزایش دما افزایش می‌یابد ( $K = K_0(1 + \alpha T)$ ، با توجه به شکل ۱۱-۱) اگر جسم را به دو قسمت مساوی تقسیم کنیم، ضریب هدایت حرارتی سمت چپ جسم ( $K_L$ ) بزرگتر از سمت راست ( $K_R$ ) می‌باشد، زیرا متوسط دما در سمت چپ بزرگتر است. حرارت هدایت شده از دمای  $T_i$  به دمای  $T_1$  برابر حرارت هدایت شده از دمای  $T_2$  می‌باشد، لذا می‌توان نوشت:

$$q''_L = q''_R \Rightarrow K_L \frac{(T_1 - T_i)}{\Delta x} = K_R \frac{(T_i - T_2)}{\Delta x}, \quad K_L > K_R$$

$$\Rightarrow T_1 - T_i < T_i - T_2 \Rightarrow T_i > \frac{T_1 + T_2}{2}$$

## فصل اول / هدایت حرارتی ■ ۱۳



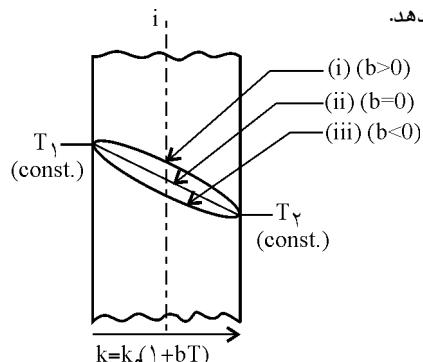
شکل (۱۱-۱)

اگر ضریب هدایت حرارتی جسم با افزایش دما کاهش یابد رابطه به صورت  $\frac{T_1 + T_2}{2} < T_i$  و اگر  $K$  مستقل از دما باشد، رابطه  $T_i = \frac{T_1 + T_2}{2}$  برقرار است.  
در رابطه  $K = K_0(1 + \alpha T)$ ، پارامتر  $\alpha$  مثبت است. در حالات مختلف  $K$ ، شکل (۱۲-۱) توزیع دمای دیوار را نشان می‌دهد.

$$i : T_i > \frac{T_1 + T_2}{2}$$

$$ii : T_i = \frac{T_1 + T_2}{2}$$

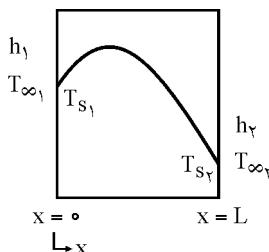
$$iii : T_i < \frac{T_1 + T_2}{2}$$



شکل (۱۲-۱)

### دیوارهای همراه با تولید حرارت داخلی

اگر دیواره مسطحی با تولید حرارت داخلی ( $\dot{q}$ ) را در نظر بگیریم (شکل ۱۲-۱a) معادله توزیع دما به صورت  $T = \frac{-\dot{q}x^2}{2K} + C_1x + C_2$  می‌شود که نیاز به دو شرط مرزی دارد. این دیواره در محیط‌های جابجایی به دمای  $T_\infty$  و ضرایب جابجایی  $h_1$  و  $h_2$  قرار دارد. با توجه به شکل (۱۱-۱) می‌توان نوشت:



شکل (a-13-1)

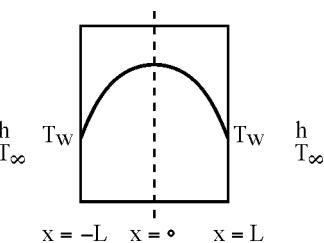
$$\begin{cases} x = 0, & T = T_{w1} = T_{s1}, \\ x = L, & T = T_{w2} = T_{s2} \end{cases}$$

شرایط مرزی

با قرار دادن شرایط مرزی فوق در حل عمومی معادله داریم:

$$T = -\frac{\dot{q}x}{2K} + \frac{1}{L}(T_{w2} - T_{w1} + \frac{\dot{q}L}{2K})x + T_{w1}$$

چون محیط دو طرف یکسان نمی باشد، دمای دو طرف دیواره با هم برابر نبوده و توزیع دما متقارن نمی باشد. در حالتی که دو طرف در محیط های یکسان باشند، توزیع دما متناظر خواهد شد. (شکل a-13-1)



شکل (b-13-1)

با توجه به شکل (b-13-1) می توان نوشت:

$$\begin{cases} x = 0, & \frac{dT}{dx} = 0, \\ x = \pm L, & T = T_w \end{cases}$$

شرایط مرزی

با قرار دادن شرایط مرزی در معادله مربوطه داریم:

$$T = \frac{\dot{q}L}{2K} \left( 1 - \left( \frac{x}{L} \right)^2 \right) + T_w$$

دمای ماقزیم در وسط جسم می باشد ( $x = 0$ ، لذا داریم):

$$T_{Max} = T_0 = \frac{\dot{q}L}{2K} + T_w$$

توزیع دمای متقاضی در دیواره را با توجه به پارامترهای مختلف می‌توان بصورت زیر نیز نوشت:

$$\frac{T - T_{\infty}}{T_w - T_{\infty}} = \left(\frac{x}{L}\right)^{\frac{1}{n}}$$

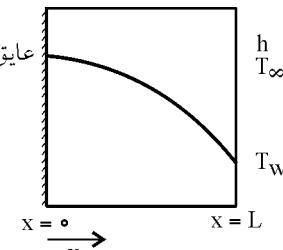
مقدار حرارت تولید شده درون جسم از طریق دیوارهای به اطراف جابجا می‌شود، لذا با نوشتن بیلان انرژی دمای دیواره نیز به سادگی محاسبه خواهد شد و داریم:

$$q \cdot A \cdot 2L = h \cdot A_s (T_w - T_{\infty}), \quad A_s = 2A \Rightarrow T_w = \frac{\dot{q} L}{h} + T_{\infty}$$

در تمام معادلات بالا "L" برابر نصف ضخامت جسم و A مساحت یک طرف دیواره است.

اگر یک طرف دیواره عایق باشد، دمای ماکزیمم در طرف عایق ظاهر خواهد شد. همچنین شرایط مرزی دقیقاً همان شرایط مرزی حالت قبل خواهد شد و با توجه به شکل (۱۲-۱) می‌توان نوشت:

$$\begin{cases} x = 0, & \frac{dT}{dx} = 0 \\ x = L, & T = T_w \end{cases} \quad \text{شرایط مرزی}$$



شکل (۱۳-۱)

$$T = \frac{\dot{q} L^{\frac{1}{n}}}{2K} \left( 1 - \left( \frac{x}{L} \right)^{\frac{1}{n}} \right) + T_w$$

$$T_{\text{Max}} = \frac{\dot{q} L^{\frac{1}{n}}}{2K} + T_w$$

$$\dot{q} \cdot A \cdot L = h \cdot A (T_w - T_{\infty}) \quad \text{و} \quad \text{حرارت جابجا شده} = \text{حرارت تولیدی}$$

تمام روابط بالا نیز عین حالت قبل می‌باشد، تنها نکته مهم حالت عایق این است که در معادلات مربوط به عایق "L" کل ضخامت جسم می‌باشد. در حالت عایق تنها از یک طرف حرارت به بیرون جابجا می‌شود.

### معادله هدایت حرارتی در حالت کلی

می‌توان معادله هدایت حرارتی یک بعدی حالت پایدار در سیستم‌های مختلف را به شکل کلی زیر نشان داد.

$$\frac{1}{r^n} \frac{d}{dr} (r^n \frac{dT}{dr}) + \frac{\dot{q}}{K} = 0$$

در رابطه فوق برای سیستم مختصات دکارتی  $\dot{q} = n$ ، برای سیستم مختصات استوانه‌ای  $n = 1$  و برای سیستم مختصات کروی  $n = 2$  می‌باشد. در سیستم دکارتی کافی است که  $r$  را تبدیل به  $x$  کنیم. در سیستم مختصات استوانه‌ای داریم:

$$\frac{1}{r} \frac{d}{dr} (r \frac{dT}{dr}) + \frac{\dot{q}}{K} = 0 \quad \Rightarrow \quad \frac{d^{\frac{1}{n}} T}{dr^{\frac{1}{n}}} + \frac{1}{r} \frac{dT}{dr} + \frac{\dot{q}}{K} = 0$$

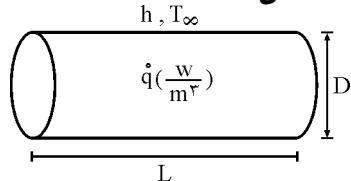
در سیستم مختصات کروی نیز داریم:

$$\frac{1}{r^2} \frac{d}{dr} (r^2 \frac{dT}{dr}) = 0 \Rightarrow \frac{dT}{dr^2} + \frac{2}{r} \frac{dT}{dr} + \frac{\dot{q}}{K} = 0$$

حل معادله کلی هدایت حرارتی در سیستم‌های شعاعی (استوانه‌ای و کروی) بصورت زیر است:

$$\begin{aligned} & \text{سیستم استوانه‌ای: } \frac{1}{r} \frac{d}{dr} (r \frac{dT}{dr}) + \frac{\dot{q}}{K} = 0 \Rightarrow d(r \frac{dT}{dr}) = -\frac{\dot{q}}{K} dr \\ & \Rightarrow r \frac{dT}{dr} = -\frac{\dot{q}r}{K} + C_1 \Rightarrow \frac{dT}{dr} = -\frac{\dot{q}r}{K} + \frac{C_1}{r} \Rightarrow T = -\frac{\dot{q}r^2}{2K} + C_1 \ln r + C_2 \\ & \text{سیستم کروی: } \frac{1}{r^2} \frac{d}{dr} (r^2 \frac{dT}{dr}) = 0 \Rightarrow d(r^2 \frac{dT}{dr}) = -\frac{\dot{q}r^2}{K} dr \Rightarrow \\ & r^2 \frac{dT}{dr} = -\frac{\dot{q}r^2}{K} + C_1 \Rightarrow \frac{dT}{dr} = -\frac{\dot{q}r}{K} + \frac{C_1}{r^2} \Rightarrow T = -\frac{\dot{q}r^3}{3K} - \frac{C_1}{r} + C_2 \end{aligned}$$

### سیستم استوانه با تولید حرارت داخلی



در یک استوانه با تولید حرارت داخلی که در یک محیط جابجایی قرار دارد، دمای ماکزیمم در مرکز استوانه قرار دارد. اگر مقطع استوانه را نمایش دهیم شرایط مرزی ذیر را خواهیم داشت که پس از جایگذاری این شرایط در رابطه توزیع دمای سیستم استوانه‌ای داریم:

$$\begin{cases} r = 0, & \frac{dT}{dr} = 0 \\ r = R, & T = T_w \end{cases}$$

برای اینکه شرط مرزی اول صدق کند بایستی در معادله کلی توزیع دما  $T = -\frac{\dot{q}r^2}{2K} + C_1 \ln r + C_2$  باشد. با توجه به شرایط

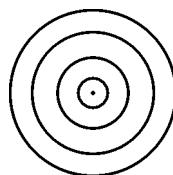
مرزی فوق داریم:

$$\begin{aligned} T &= -\frac{\dot{q}r^2}{2K} + C_1 \ln r + C_2 \Rightarrow T = \frac{\dot{q}R^2}{2K} \left( 1 - \left( \frac{r}{R} \right)^2 \right) + T_w \\ &\Rightarrow T_{Max} = T_0 = \frac{\dot{q}R^2}{2K} + T_w \end{aligned}$$

## فصل اول / هدایت حرارتی ■ ۱۷

$$\dot{q} \cdot \pi R^2 L = h \cdot 2\pi RL (T_w - T_\infty) \Rightarrow \text{حرارت جابجا شده} = \text{حرارت تولیدی}$$

سطح هم دما در این حالت روی استوانه‌های هم مرکز قرار دارد



### دیوارهای کروی با تولید حرارت داخلی

شرایط مشابه استوانه را در این حالت مشاهده می‌کنیم و داریم:

$$\begin{cases} r = 0 & , \frac{dT}{dr} = 0 \\ r = R & , T = T_w \end{cases}$$

با قراردادن شرایط مرزی فوق در معادله توزیع دمای سیستم کروی معادله توزیع دما به صورت زیر در می‌آید:

$$T = -\frac{\dot{q}r^3}{6K} + C_1 + C_2 \Rightarrow T = \frac{\dot{q}R^3}{6K} \left[ 1 - \left( \frac{r}{R} \right)^2 \right] + T_w, T_{Max} = \frac{\dot{q}R^3}{6K} + T_w, T_w = \frac{\dot{q}R^3}{3h} + T_\infty$$

در این حالت نیز برای اینکه شرط مرزی اول صدق کند بایستی  $C_1 = 0$  باشد.

در این حالت سطوح هم دما روی کره‌های هم مرکز قرار دارد.

لازم به ذکر است که مقاومت‌های حرارتی را برای دیوارهای با تولید حرارت داخلی نمی‌توان به کار برد، زیرا مقدار حرارت انتقال یافته در مقاومت‌های مختلف برابر نخواهد بود.

### هدایت در سیستم‌های شعاعی

در سیستم‌های شعاعی اگر هدایت حرارتی در امتداد محور صورت گرفته و سطح مقطع نیز ثابت باشد، مقدار حرارت انتقال یافته طبق روابط مشابه صفحات تخت محاسبه می‌شود. به عنوان مثال اگر یک دیواره استوانه‌ای که سطح جانبی آن عایق شده است را در نظر بگیریم (شکل (۱۴-۱)) می‌توان مقدار حرارت انتقال یافته را طبق فرمول زیر محاسبه کرد:

$$q = KAC \frac{\Delta T}{L}, AC = \pi R^2$$

شکل (۱۴-۱)

## تست‌ها

به دلیل واکنش هسته‌ای در داخل یک دیوار فلزی، به شکل همگونی حرارت تولید می‌شود و از طریق دو وجه آن به بیرون هدایت می‌یابد. کدام رابطه بینگر توزیع پایای دما در امتداد ضخامت صفحه در مختصات کارترزین است؟ (مهندسی شیمی سراسری ۸۰)

$$\nabla \cdot K \nabla T + \dot{q} = 0 \quad (1)$$

$$\frac{d^2 T}{dx^2} + \frac{\dot{q}}{K} \left[ 1 + \beta(T - T_L) \right] = 0 \quad (4) \quad \frac{\partial}{\partial x} \left( K \frac{\partial T}{\partial x} \right) + \rho C_p \frac{\partial T}{\partial x} = 0 \quad (3)$$

(مهندسی شیمی سراسری ۸۰) ضریب نفوذ گرمایی معروف، ..... می‌باشد.

(۱) شدت ذخیره‌سازی حرارت

(۲) شدت انتقال حرارت به طریق هدایت

(۳) نسبت هدایت حرارتی به ذخیره‌سازی حرارت

(۴) نسبت شدت ذخیره‌سازی حرارت به هدایت حرارتی

در یک لوله استوانه‌ای به شعاع داخلی  $r_1$  و شعاع خارجی  $r_2$  روند داغ با دمای  $T_1$  عبور می‌کند. اگر ضریب انتقال حرارت جابجایی بیرون لوله با  $h$  و دمای  $T_2$  باشد، ضریب هدایت حرارتی لوله باشد، میزان انتقال حرارت در واحد طول لوله در حالت پایا (Steady State) کدام است؟ (مهندسی شیمی سراسری ۸۰)

$$\frac{T_1 - T_2}{\frac{1}{2\pi r_1 h} + k L \ln(r_2/r_1)} \quad (2) \quad \frac{T_1 - T_2}{\frac{1}{h} + \frac{\ln(r_2/r_1)}{2\pi k}} \quad (1)$$

$$\frac{T_1 - T_2}{\frac{1}{2\pi r_1 h} + \frac{\ln(r_2/r_1)}{2\pi k}} \quad (4) \quad \frac{T_1 - T_2}{\frac{r_2}{2\pi h} + \frac{\ln(r_2/r_1)}{2\pi k}} \quad (3)$$

ضریب هدایت گرمایی سه ماده عایق نسبت به یکدیگر  $K_1 > K_2 > K_3$  است. بدنه کوره‌ای با سه لایه از این سه ماده عایق با ضخامت یکسان پوشیده شده است. ترتیب لایه‌گذاری چگونه باشد، تا اتلاف گرمایی کوره کمتر شود؟ (ضریب هدایت حرارتی مستقل از دما می‌باشد)

(۱) ترتیب لایه‌ها فرقی ندارد. (مهندسی شیمی سراسری ۸۰)

(۲) لایه  $K_3$  را روی سطح کوره می‌گذاریم.

(۳) لایه  $K_1$  را روی سطح کوره می‌گذاریم.

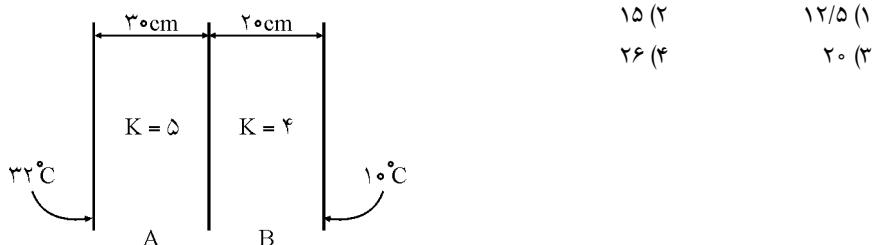
(۴) لایه  $K_1$  را روی سطح  $K_3$  در وسط  $K_3$  بیرون می‌گذاریم.

## ۳۹ ■ فصل اول / هدایت حرارتی

۵ در یک استوانه توپر و بلند به شعاع  $r$  که در آن انرژی حرارتی به صورت همگون به میزان  $q, \text{W/m}^3$  تولید می‌شود و دمای جداره آن برابر  $T_2$  است، میزان شار حرارتی ( $q$ ) کدام است؟  
(مهندسی شیمی سراسری ۸۰)

$$\frac{q \cdot r^3}{2} \quad (1) \quad \frac{q \cdot r}{2} \quad (2) \quad \frac{q \cdot r^2}{4} \quad (3) \quad \frac{q \cdot r^3}{4} \quad (4)$$

۶ یک دیوار مرکب (Composite wall) تشکیل شده است از دیوار A به ضخامت ۳۰ سانتیمتر و ضریب هدایت  $K=5 \text{ W/m}^\circ\text{C}$ ، دیوار B ضخامت ۲۰ سانتیمتر و ضریب هدایت حرارتی  $K=4 \text{ W/m}^\circ\text{C}$ . اگر دما در سطح بیرونی دیوار A  $32^\circ\text{C}$  و در سطح بیرونی دیوار B  $10^\circ\text{C}$  باشد، دمای سطح مشترک A و B برابر است با چند درجه سانتیگراد؟  
(مهندسی شیمی سراسری ۸۰)



۷ دو طرف یک میله بلند به طول یک متر به ترتیب در دمای ثابت  $200^\circ\text{C}$  و  $50^\circ\text{C}$  قرار دارند، توزیع دمایی حالت پایا (Steady state) در میله کدام است؟ (x بر حسب متر است)  
(مهندسی شیمی سراسری ۸۰)

$$T(x) = 50x + 50 \quad (1) \quad T(x) = 100x + 50 \quad (2) \quad T(x) = 150x + 50 \quad (3) \quad T(x) = 200x + 50 \quad (4)$$

۸ در یک گلوله فلزی به قطر ۱۰ سانتیمتر و  $k = 200 \frac{\text{W}}{\text{m} \cdot \text{C}}$  حرارتی به میزان  $1 \text{ kw/m}^3$  به صورت همگون تولید می‌شود. این گلوله در معرض سیالی با دمای  $20^\circ\text{C}$  و ضریب انتقال حرارت  $h = 15 \text{ W/m}^\circ\text{C}$  قرار گرفته است. دمای مرکز این گلوله به طور تقریب کدام است؟  
(مهندسی شیمی سراسری ۸۰)

$$21(4) \quad 29(3) \quad 27(2) \quad 25(1)$$

۹ شرط  $T$  برابر مقدار ثابت برای یک گلوله در شرایط پایا به مفهوم چیست?  
(بیوتکنولوژی سراسری ۸۰)

- (۱) سطح گلوله ایزوله است.
- (۲) دمای سطح گلوله مقدار ثابتی است.
- (۳) فلاسک حرارتی از سطح گلوله مقدار ثابتی است.
- (۴) هم سطح گلوله ایزوله است و هم دمای آن مقدار ثابتی است.

۱۰- ضریب مؤثر بودن فین،  $\epsilon$  چنین تعریف می‌شود:

$$\epsilon = \frac{\text{نرخ انتقال گرمای با فین}}{\text{نرخ انتقال گرمای بدون فین}}$$

(بیوتکنولوژی سراسری ۸۱)

حداکثر مقدار  $\epsilon$  در چه شرایطی بدست می‌آید؟

(۱) طول فین صفر باشد.

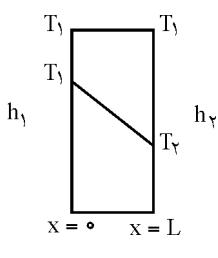
(۲) راندمان فین بیشترین باشد.

(۳) حاصلضرب راندمان فین در طول فین بیشترین باشد.

(۴) حاصلضرب راندمان فین در نسبت سطح کل فین به سطح مقطع فین بیشترین باشد.

۱۱- در دیوار قائمی با ضریب هدایتی  $K$  ثابت، سمت چپ دیوار در دمای  $T_1$  و سمت راست در  $L = x$  در دمای  $T_2$  قرار دارد. کدام معادله توزیع دما برای حالت پایا و هدایت یک بعدی صحیح است؟

(بیوتکنولوژی سراسری ۸۱)



$$T = (T_1 - T_2) \left( \frac{x}{L} \right) + T_2 \quad (1)$$

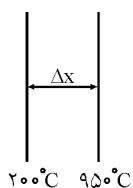
$$T = (T_2 - T_1) \left( \frac{x}{L} \right) + T_1 \quad (2)$$

$$T = (T_1 - T_2) \left( \frac{x}{L} \right) + T_1 \quad (3)$$

$$T = (T_2 - T_1) \left( \frac{x}{L} \right) + T_1 \quad (4)$$

۱۲- با توجه به شکل زیر، اگر در حالت پایا  $T = 1000w/m^2$  و  $q = 0.00024T$  باشد ( $K_T = 0/3 + 0/00024T$ )

بر حسب  $^{\circ}\text{C}$  و  $k$  بر حسب  $(W/mK)$  ضخامت دیواره بر حسب  $m$  چقدر است؟



$0/3$  (۱)

$0/23$  (۲)

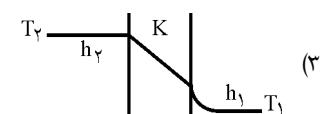
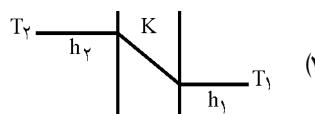
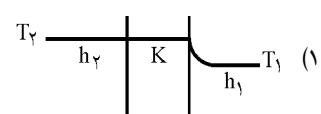
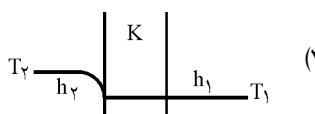
$0/25$  (۳)

$0/28$  (۴)

۱۳- صفحه‌ای دو سیال با دمای  $T_1$  و  $T_2$  را از هم جدا می‌کند، در صورتی که  $T_2 > T_1$  و  $h_2 \gg h_1$  است

کدام توزیع دما صحیح است؟

(بیوتکنولوژی سراسری ۸۱)



## فصل اول / هدایت حرارتی ■ ۴۱

سه پره با طول و قطر مساوی از سه جنس آلمینیوم، برنج و چدن با دمای ثابت اولیه  $200^{\circ}\text{C}$  را به محیطی با دمای هوا  $25^{\circ}\text{C}$  منتقل می‌کنیم. دمای انتهایی کدام پره کمتر است؟  
 (بیوتکنولوژی سراسری ۸۱)

$$\text{آلومینیوم} < \text{برنج} < \text{چدن}$$

(۱) برنجی  
 (۲) چدنی

(۳) آلمینیومی  
 (۴) دمای انتهایی هر سه پره مساوی است.

یک فلاسک چای که یک ظرف دو جداره می‌باشد را در نظر بگیرید. اگر بخواهیم چای داخل فلاسک کمترین اتلاف حرارتی را داشته باشد، می‌بایست بین دو جداره کدام عایق را قرار داد؟  
 (بیوتکنولوژی سراسری ۸۱)

(۱) خلاء

(۲) هوای خشک

(۳) اسفنجی خشک

(۴) اسفنجی خیس

ضریب هدایت حرارتی بینهایت بزرگ با کدام مورد همخوانی دارد؟  
 (مهندسی شیمی سراسری ۸۱)

$$\frac{dT}{dx} = f(x) \quad (۱) \quad \frac{dT}{dx} = \infty \quad (۲) \quad \frac{dT}{dx} = 0 \quad (۳) \quad \frac{dT}{dx} = \infty \quad (۴)$$

شوفازی را در نظر بگیرید که هوای اتاقی را گرم می‌کند. در کدام یک از شرایط زیر نزخ انتقال گرما از شوفاز به اطاق تقریباً دو برابر می‌شود؟  
 (مهندسی شیمی سراسری ۸۱)

(۱) سطح شوفاز دو برابر شود.

(۲) دمای اطاق دو برابر شود.

(۳) ضریب هدایت پره در جداره شوفاز دو برابر می‌شود.

(۴) اگر ضریب انتقال حرارت جابجایی داخلی آب و جداره دو برابر شود.

دیواری که ضخامت آن  $10\text{ cm}$  و انرژی برابر  $10000\text{ W/m}^3$  در آن تولید می‌شود به صورت عمودی در محیطی با دمای  $20^{\circ}\text{C}$  و ضریب جابجایی  $10\text{ W/m}^2\text{C}$  قرار گرفته است. دمای سطوح این دیواره چند درجه سلسیوس است؟ (اگر انتقال گرما یک بعدی فرض شود).  
 (مهندسی شیمی سراسری ۸۱)

$$120 \quad (۱) \quad 100 \quad (۲) \quad 80 \quad (۳) \quad 70 \quad (۴)$$

پرهایده‌آل کدام است؟  
 (مهندسي شيمى سراسری ۸۱)

(۱) پرهای که طول و عرض آن مساوی باشد.

(۲) دمای سراسر آن یکسان و برابر پایه آن باشد.

(۳) پرهای که در محیطی به کار رود که ضریب جابجایی آن خیلی بزرگ باشد.

(۴) دارای سطح بسیار بزرگ باشد تا حرارت بیشتری به محیط انتقال دهد.

یک دیواره مرکب از دو جنس مختلف با هدایت حرارتی  $k_1$  و  $k_2$  با ضخامت یکسان تشکیل شده است.  
 (مهندسي شيمى سراسری ۸۱)

هدایت حرارتی معادل کدام است؟

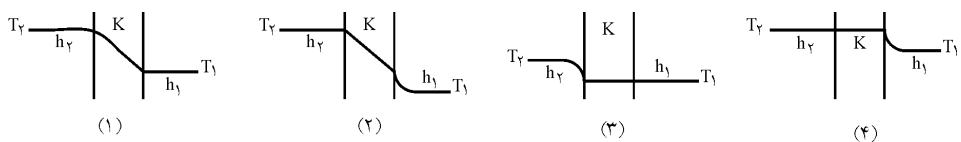
$$\frac{k_1 + k_2}{k_1 k_2} \quad (۱) \quad \frac{2k_1 k_2}{k_1 + k_2} \quad (۲) \quad k_1 + k_2 \quad (۳) \quad k_1 k_2 \quad (۴)$$

شیب دما در یک پره با سطح مقطع ثابت در نزدیک پایه پره بدیهی است که: (مهندسي شيمى سراسری ۸۱)

(۱) کمتر از شیب دما در انتهای پره می‌باشد. (۲) بیشتر از شیب دما در انتهای پره می‌باشد.

(۳) برابر شیب دما در انتهای پره می‌باشد. (۴) همسان با سایر نقاط در طول پره می‌باشد.

-۲۲ صفحه‌ای دو سیال به دمای  $T_1$  و  $T_2$  را از هم جدا می‌کند. ( $T_2 > T_1$ ) اگر  $h_1 \gg h_2$  باشد کدام توزیع دما منطقی‌تر است؟ (مهندسی شیمی سراسری ۸۱)



-۲۳ توزیع دمای حالت پایا در یک پره مثلاً مطابق شکل با رابطه  $T(x) = 200 + \frac{200}{0.5m}x$  بحسب  $^{\circ}\text{C}$  بیان شده است. میزان انتقال حرارت آن چند  $\text{W}$  است؟ (سطح مقطع پایه پره  $A = 0.5\text{m}^2$ ,  $k = 1\text{W/m}^{\circ}\text{C}$ ) (مهندسی شیمی سراسری ۸۱)



-۲۴ سه دیواره فلزی با ضخامت و سطح مقطع یکسان به ترتیب دارای ضرایب هدایت حرارتی  $a = k_1 = 2a$  و  $k_2 = 3a$  و  $k_3 = 2a$  هستند. به ازای شار حرارتی مساوی، نسبت اختلاف دمای دیواره‌ها مطابق با کدام گزینه است؟ (مهندسی شیمی سراسری ۸۱)

$$1 : 2 : 1 \quad (1) \quad 1 : 2 : 3 \quad (2)$$

$$4 : 1 : 1 \quad (3) \quad 1 : 1 : 1 \quad (4)$$

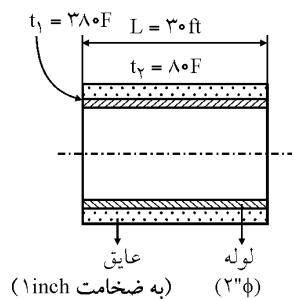
-۲۵ یک روی تیغه مسی در  $1000^{\circ}\text{F}$  و روی دیگر آن در  $200^{\circ}\text{F}$  نگهداری می‌شود. چه مقدار گرمای بر واحد سطح بر حسب  $\text{btu/hr.ft}^{\circ}\text{F}$  از تیغه هدایت می‌شود در صورتی که ضخامت تیغه  $3\text{inch}$  باشد؟ هدایت حرارتی مس را می‌توان  $k = 215\text{btu/hrft}^{\circ}\text{F}$  در نظر گرفت. (مهندسی فرآوری گاز سراسری ۸۱)



-۲۶ یک لوله به طول  $30\text{ft}$  و به قطر اسمی  $2\text{inch}$  (قطر خارجی  $2.375\text{inch}$ ) با عایق به ضخامت  $0.375\text{Btuhr.ft}^{\circ}\text{F}/\text{inch}$  پوشانده شده است. در صورتی که دمای داخلی و خارجی عایق به ترتیب  $280^{\circ}\text{F}$  و  $80^{\circ}\text{F}$  باشند، مقدار هدررفتگی گرمای  $q$  بر حسب  $\text{btu/hr}$  را تعیین

## ۴۳ ■ هدایت حرارتی / فصل اول

(مهندسی فرآوری گاز سراسری ۸۲)



کنید.

$$13057 \quad (1)$$

$$2471 \quad (2)$$

$$5396 \quad (3)$$

$$4925 \quad (4)$$

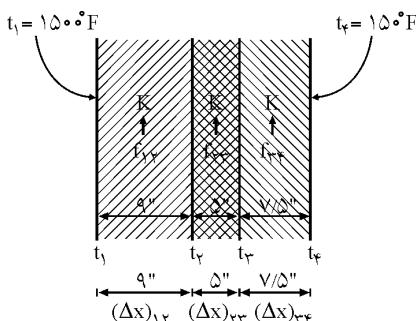
-۲۷ مطلوب است محاسبه انتقال حرارت بر واحد سطح  $\text{btu/hr.ft}^2$  و دمای های فصل مشترک بردیواره یک کوره ( $t_1, t_2$ ) بر حسب فارنهایت که از سه لایه آجر تشکیل شده است. داخلی ترین لایه شامل  $(K = 0.08 \text{ btu/hr.ft.F})$  آجر نسوز ( $K = 0.72 \text{ btu/hr.ft.F}$ )  $5 \text{ inch}$  لایه میانی به ضخامت  $0.05 \text{ inch}$  و بیرونی ترین لایه شامل آجر قرمز ( $K = 0.05 \text{ btu/hr.ft.F}$ ) می باشد. دمای های داخلی و خارجی دیواره مرکب به ترتیب  $150^\circ\text{F}$  و  $150^\circ\text{F}$  می باشند.

$$(1) 180 \text{ و } 1312/5 \text{ و } 375$$

$$(2) 112 \text{ و } 1200 \text{ و } 305$$

$$(3) 1057 \text{ و } 1050 \text{ و } 512$$

$$(4) 1157 \text{ و } 1150 \text{ و } 445$$



-۲۸ دمای داخلی یک کوره  $150^\circ\text{F}$  و دیواره های آن با آجر نسوز به ضخامت  $4 \text{ inch}$  پوشش داده شده است دمای محیط  $100^\circ\text{F}$  است. مطلوب است محاسبه میزان انتقال حرارت ( $q$ ) (بر حسب  $\text{Btu/hr.ft.F}^2$ ) از دیواره های کوره در صورتی که تغییرات هدایت حرارتی با آجر نسوز با رابطه زیر داده شده باشد؟

(مهندسی فرآوری گاز سراسری ۸۲)

$$k = 0.10 + 5 \times 10^{-5} T \{\text{Btu/hr-ft.F}\}$$

$$915 \quad (4)$$

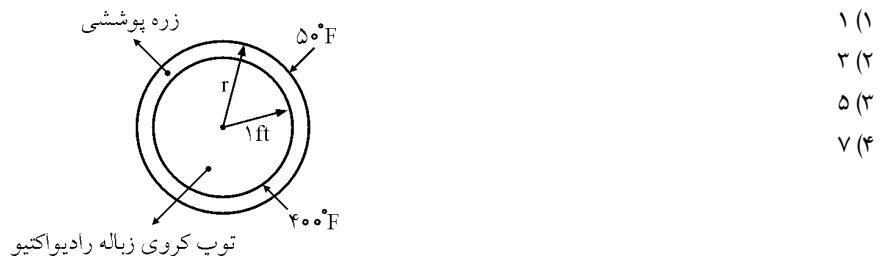
$$588 \quad (3)$$

$$781 \quad (2)$$

$$502 \quad (1)$$

-۲۹ مطلوب است محاسبه ضخامت (بر حسب اینچ) این زره پوشش لازم روی یک توپ کروی زباله رادیواکتیو به شعاع ۱ فوت در دمای  $400^\circ\text{F}$  که باید در اقیانوس با دمای محیطی آب  $55^\circ\text{F}$  دفن شود. توپ زباله از خودگرمایی به شدت  $440 \text{ Btu/hr}$  بیرون می دهد. هدایت حرارتی ماده پوششی  $k = 0.02 \text{ Btu/hr.ft.F}$  می باشد.

(مهندسی فرآوری گاز سراسری ۸۲)



-۳۰ یک لوله با دیواره ضخیم از فولاد کُرمدار، که قطر داخلی آن  $1\text{ inch}$  و قطر خارجی آن  $2\text{ inch}$  و هدایت حرارتی آن  $k = 13 \text{ Btu/hr.ft}^{\circ}\text{F}$  می‌باشد، با یک لایه به ضخامت  $2\text{ inch}$  از پنبه نسوز ( $k = 0.048$ ) پوشانده شده است. اگر دما در داخل لوله  $50.0^{\circ}\text{F}$  و در خارج آن  $100.0^{\circ}\text{F}$  باشد، انتقال حرارت ( $q$ ) (مهندسی فرآوری گاز سراسری ۸۶) بر حسب  $\text{btu/hr.ft}$  را محاسبه کنید.



$$\frac{T_i - T_o}{\frac{L_n(r_f/r_i)}{2\pi k_s L} + \frac{L_n(r_f/r_o)}{2\pi k_a L}}$$

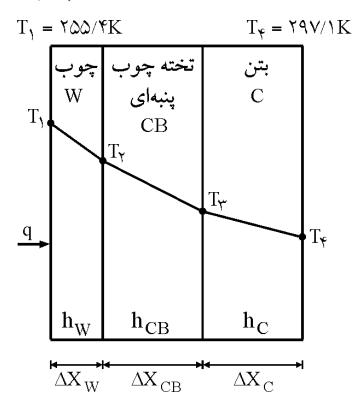
-۳۱ مطلوب است محاسبه میزان انتقال حرارت بر واحد سطح بر حسب وات بر متر مربع از دیوارهای یک اطاق و دمای فصل مشترک بین چوب و تخته چوب پنبه‌ای بر حسب  $k$  که دماهای داخل و خارج آن به ترتیب  $255/4$  و  $297/1$  کلوین می‌باشد. دیوارهای اطاق از  $2\text{ inch}$  بتن،  $4\text{ inch}$  تخته چوب پنبه‌ای و  $\frac{1}{2}$  inch چوب ساخته شده است. هدایت حرارتی مواد دیواره از قرار زیر است: (مهندسی فرآوری گاز سراسری ۸۶)  $k_{\text{بتن}} = 0.762 \text{ w/mk}$  به ترتیب ( $q(w/m^2)$  و  $T_2(k)$  می‌باشد)

$$T_1 = 255/4 \quad T_2 = 297/1 \quad q = 0.433 \text{ w/mk} \quad 256/79 \text{ و } 16/48 (۱)$$

$$k_{\text{چوب}} = 0.151 \text{ w/mk} \quad 256/31 \text{ و } 10/5 (۲)$$

$$T_1 = 255/4 \quad T_2 = 297/1 \quad h_W = ? \quad h_{CB} = ? \quad h_C = ? \quad 275/6 \text{ و } 7/5 (۳)$$

$$251/71 \text{ و } 2/05 (۴)$$



## ۴۵ / هدایت حرارتی ■ فصل اول

-۳۲ نسبت انتقال حرارت از میله با اختلاف دمای  $20^{\circ}\text{C}$  درجه با هوا با همان میله با اختلاف  $10^{\circ}\text{C}$  درجه سانتیگراد برابر است با:

$$(1) \frac{1}{4} \quad (2) \frac{2}{28} \quad (3) \frac{2}{2} \quad (4) \frac{1}{4}$$

-۳۳ لوله‌ای با قطر  $4\text{ cm}$  و  $k = 20\text{ W/m}\cdot\text{K}$  توسط عایقی با ضریب هدایت  $10\text{ W/m}^2\text{K}$  باشد، جهت حداکثر شدت انتقال حرارت ضخامت عایق برابر است با:

$$(1) 0.5 \text{ سانتیمتر} \quad (2) 1 \text{ سانتیمتر} \quad (3) 2 \text{ سانتیمتر} \quad (4) 3 \text{ سانتیمتر}$$

-۳۴ در چه شرایطی درجه حرارت بین دو سطح از یک جسم جامد به صورت خطی بیان می‌گردد؟

(مهندسه هسته‌ای و بیوتکنولوژی سراسری ۸۲)

(۱) اگر  $A$  و  $K$  ثابت باشد.

(۲) در حالت پایداری همواره خطی است.

-۳۵ میله‌ای است به شعاع  $20\text{ cm}$  و ضریب رسانش  $50\text{ W/mC}$  که درون آن تولید انرژی داخلی به میزان  $1/5\text{ MW/m}^3$  صورت می‌گیرد. دمای سطح میله صفر درجه سانتیگراد است. دما در مرکز آن چقدر است؟

$$(1) 200^{\circ}\text{C} \quad (2) 250^{\circ}\text{C} \quad (3) 300^{\circ}\text{C} \quad (4) 400^{\circ}\text{C}$$

-۳۶ دیواره مرکبی مشکل از دو دیواره مسطح که از نظر هندسی کاملاً مشابه بوده و ضریب هدایتی  $K_1$  چهار برابر  $K_2$  می‌باشد. اگر در حالت پایادمای دو طرف دیواره  $T_1$  و  $T_2$  باشند، دمای فصل مشترک دو دیواره برابر است با:

$$(1) \frac{1}{5}(5T_1 + 4T_2) \quad (2) \frac{1}{5}(T_1 + 4T_2) \quad (3) \frac{1}{2}(T_1 + T_2) \quad (4) \frac{1}{5}(4T_1 + T_2)$$

-۳۷ در سیستم نشان داده در کدام قسمت درجه حرارت ماقزیم است؟

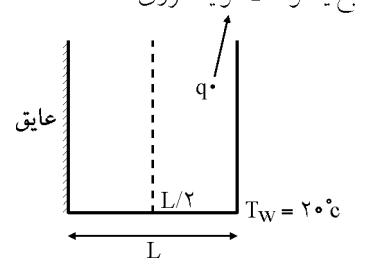
(مهندسه هسته‌ای و بیوتکنولوژی سراسری ۸۲)

(۱) در مرکز دیوار

(۲) روی سطح عایق

(۳) در روی دیواره خارجی

(۴) با اطلاعات داده شده نمی‌توان تعیین نمود.



(مهندسه هسته‌ای و بیوتکنولوژی سراسری ۸۲)

کارآبی یک پره (Fin Performance) :

(۱) به خواص فیزیکی ماده سازنده پره ارتباطی ندارد.

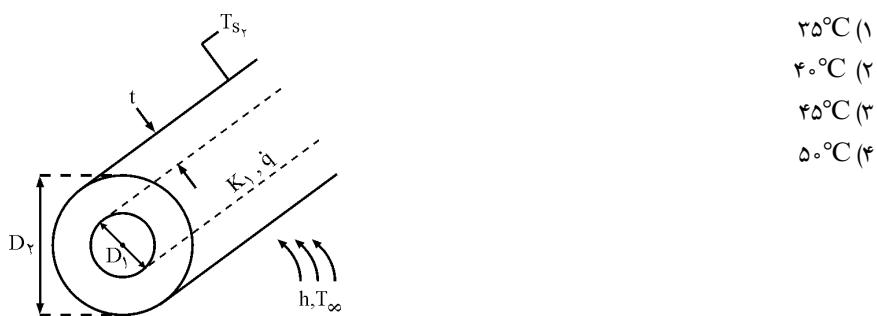
(۲) به کاهش مقاومت جابجایی در مقابل کاهش مقاومت هدایتی بستگی دارد.

(۳) به افزایش مقاومت جابجایی در مقابل کاهش مقاومت هدایتی بستگی دارد.

(۴) به کاهش مقاومت جابجایی در مقابل افزایش مقاومت هدایتی بستگی دارد.

-۳۹ در داخل یک میله استوانه‌ای طویل و توپر به قطر  $15\text{cm}$  و ضریب هدایت  $8\text{W/m.k}$ ، حرارتی به طور یکنواخت به مقدار  $30000\text{W/m}^3$  تولید می‌شود. این میله داخل یک پوشش استوانه‌ای به ضخامت  $20\text{mm}$  و ضریب هدایت  $5\text{W/m.k}$  قرار دارد. سطح خارجی عایق در معرض جریان هوای با دمای  $25^\circ\text{C}$  و ضریب جابجایی  $20\text{W/m}^2\text{k}$  قرار دارد. مطلوب است دمای سطح خارجی عایق.

(مهندسی شیمی سراسری ۸۲)



-۴۰ دیواری است به ضخامت  $L$  دمای در  $0^\circ\text{C}$  برابر  $x = 95^\circ\text{C}$  در  $2L$  و در  $2L$  برابر  $x = 62^\circ\text{C}$  است. کدام یک از موارد زیر صحیح است؟  
 (مهندسی شیمی سراسری ۸۲)

(۱) ضریب رسانش دیوار مستقل از دما است.  
 (۲) ضریب رسانش دیوار مستقل از زمان است.  
 (۳) ضریب رسانش دیوار با افزایش دما کم می‌شود.  
 (۴) ضریب رسانش دیوار با افزایش دما زیاد می‌شود.

-۴۱ در رابطه با عایق‌بندی یک لوله به شعاع خارجی  $R$  کدام یک از جملات زیر صحیح است؟  
 (مهندسی شیمی سراسری ۸۲)

(۱) شعاع بحرانی عایق فقط وابسته به جنس لوله می‌باشد.

(۲) شعاع بحرانی عایق‌بندی فقط وابسته به جنس عایق و جنس لوله می‌باشد.

(۳) شعاع بحرانی عایق‌بندی فقط وابسته به جنس لوله و ضریب حرارت جابجایی هوای اطراف می‌باشد.

(۴) شعاع بحرانی عایق‌بندی فقط وابسته به جنس عایق و ضریب حرارت جابجایی هوای اطراف می‌باشد.

-۴۲ در شکل نشان داده شده مقاومت تعیین کننده در انتقال حرارت کدام است؟ (مهندسی شیمی سراسری ۸۲)

$h = 10\text{ W/m}^2\text{C}$	$h = 200\text{ W/m}^2\text{C}$	(۱) دیوار ۱
$T_\infty = 50^\circ\text{C}$	$T_\infty = 10^\circ\text{C}$	(۲) دیوار ۲
سیال گرم	سیال سرد	(۳) سیال گرم
$K = 0.1 \frac{\text{W}}{\text{m}^\circ\text{C}}$	$K = 0.1 \frac{\text{W}}{\text{m}^\circ\text{C}}$	$L = 0.1\text{m}$ دیوار ۱
$K = 50 \frac{\text{W}}{\text{m}^\circ\text{C}}$	$K = 50 \frac{\text{W}}{\text{m}^\circ\text{C}}$	$L = 0.2\text{m}$ دیوار ۲

## فصل اول / هدایت حرارتی ■ ۴۷

دیوار مسطحی به ضخامت  $20\text{ cm}$  و دمای سطوح  $20^{\circ}\text{C}$  و  $200^{\circ}\text{C}$  مفروض است. چنانچه ضریب هدایت دیوار با رابطه  $k = \frac{1}{0.3}(T - 10)^{-3}$  داده شده باشد.  $T$  بر حسب  $^{\circ}\text{C}$  و  $K$  بر حسب (مهندسی شیمی سراسری ۸۲) شار انتقال حرارت را برحسب  $\text{w/m.k}$  حساب کنید؟

(۱) ۴۰۰ (۴)

(۲) ۲۰۰ (۳)

(۳) ۲۰۰ (۲)

(۴) ۱۰۰ (۱)

(مهندسی شیمی سراسری ۸۲)

با توجه به شکل شرط مرزی برابر  $x = L$  چگونه است؟

-۴۳

$$q'' - k \frac{dT}{dx} + h(T - T_{\infty}) = 0 \quad (1)$$

$$q'' - k \frac{dT}{dx} - h(T - T_{\infty}) = 0 \quad (2)$$

$$q'' + k \frac{dT}{dx} - h(T - T_{\infty}) = 0 \quad (3)$$

$$q'' + k \frac{dT}{dx} + h(T - T_{\infty}) = 0 \quad (4)$$

(مهندسی شیمی - ۸۳)

ضخامت بحرانی عایق در لوله‌ها به چه دلیلی بیان می‌شود؟

-۴۵

(۱) افزایش ضخامت عایق موجب افزایاد سطح و افزایش انتقال حرارت می‌شود.

(۲) ضخامت بحرانی براساس حداکثر کردن افت حرارتی لوله‌ای با استوانه‌ای به دست می‌آید.

(۳) افزایش ضخامت عایق بیشتر از شعاع بحرانی موجب افزایش هزینه خرید عایق و کاهش انتقال حرارت است.

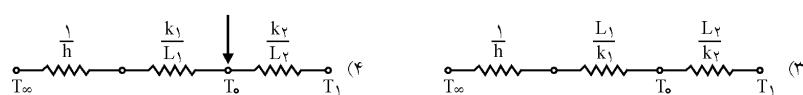
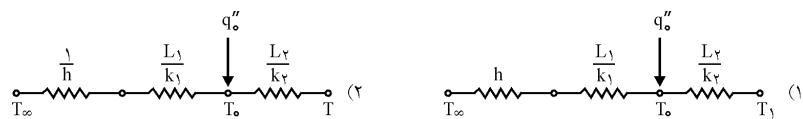
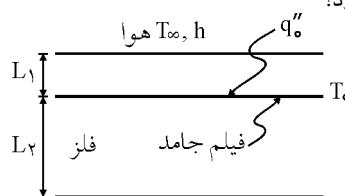
(۴) این مساله فقط در مورد عایق الکتریکی معنی دارد و در مورد عایق حرارتی قطر بهینه بی معنی است.

در شکل زیر شار حرارتی  $q''_o$  به صورت تشعشع به سطح نشان داده شده برخورد کرده و جذب می‌شود و دمای سطح را در  $T_o$  ثابت نگهدارید. مدار معادل حرارتی در شرایط پایا به صورت کدامیک

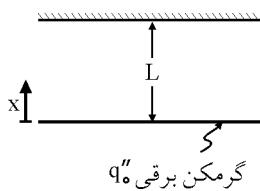
از گزینه‌های زیر خواهد بود؟

-۴۶

(مهندسی شیمی - ۸۳)



-۴۷ یک سیستم یک بعدی با خواص فیزیکی ثابت در دمای اولیه  $T_i$  قرار دارد و ناگهان در تماس با یک گرمکن برقی قرار گرفته و شار حرارتی  $q''$  در سطح پایینی ایجاد می‌گردد. معادله دیفرانسیل مربوط به دما و شرایط مرزی و اولیه به صورت کامیک از جوابهای زیر خواهد بود؟ (مهندسی شیمی - ۸۱۳)



$$\text{I.C. } \tau = 0, T = T_i \quad (2)$$

$$\text{B.Cs : } x = 0, q''_0 = -k \frac{\partial T}{\partial x}$$

$$x = L, \frac{\partial T}{\partial x} = 0$$

$$\text{D.E: } \frac{\partial^2 T}{\partial x^2} = -\frac{1}{\alpha} \frac{\partial T}{\partial \tau}$$

$$\text{I.C. } \tau = 0, T = T_i \quad (1)$$

$$\text{B.Cs : } x = 0, q''_0 = -k \frac{\partial T}{\partial x}$$

$$x = L, \frac{\partial T}{\partial x} = 0$$

$$\text{D.E: } \frac{\partial^2 T}{\partial x^2} = -\frac{1}{\alpha} \frac{\partial T}{\partial \tau}$$

$$\text{I.C. } \tau = 0, T = T_i \quad (4)$$

$$\text{B.Cs : } x = 0, q''_0 = -k \frac{\partial T}{\partial x}$$

$$x = L, \frac{\partial T}{\partial x} = 0$$

$$\text{D.E: } \frac{\partial^2 T}{\partial x^2} + q''_0/k = -\frac{1}{\alpha} \frac{\partial T}{\partial \tau}$$

$$\text{I.C. } \tau = 0, T = T_i \quad (3)$$

$$\text{B.Cs : } x = 0, T = T_i$$

$$x = L, \frac{\partial T}{\partial x} = 0$$

$$\text{D.E: } \frac{\partial^2 T}{\partial x^2} + q''_0/k = -\frac{1}{\alpha} \frac{\partial T}{\partial \tau}$$

(مهندسي شيمى - ۸۱۳)

جهت گرمتر نگه داشتن چای در فلاسک کدام پیشنهاد مؤثرتر است؟

۱) کم کردن فاصله دو جداره

۲) انتخاب شیشه از جنس پیرکنس

۳) خلاء بیشتر فضای بین دو جداره

۴) تعبیه یک فویل آلومینیومی در فضای بین دو جداره

-۴۹ در مورد عایق های لیفی (مثل پشم شیشه) نسبت  $\frac{\text{حجم هوا}}{\text{حجم هوا} + \text{حجم الیاف}} = \phi$  می تواند معرف کیفیت عایق باشد. به ازای چه مقدار  $\phi$  عایق بهتری داریم؟ (مهندسي شيمى - ۸۱۴)

۱) هر چه  $\phi$  بزرگتر باشد عایق مطلوبتر است.

۲) هر چه  $\phi$  کمتر باشد عایق مطلوبتر است.

۳) برای عایق سرماسازی  $\phi$  کوچک و برای عایق گرما  $\phi$  بزرگ مطلوب است.

۴) مقدار  $\phi$  تأثیری در مطلوبیت عایق ندارد.

## ۴۹ / هدایت حرارتی ■

۵۰- یک میله فلزی به شعاع ۱۰ سانتیمتر و طول ۲۵ سانتیمتر مفروض است. این میله از هر طرف با فلاکس ثابت  $\frac{W}{m^2}$  ۵۰°C حرارت داده می‌شود. دمای محیط ۲۰°C و ضریب انتقال حرارت  $\frac{W}{m^{\circ}C}$  (مهندس شیمی - ۸۴)

می‌باشد، دمای سطح خارجی این میله برابر است با:

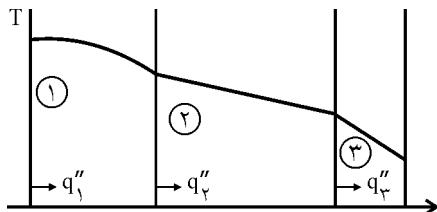
$$25^\circ\text{C} \quad 20^\circ\text{C} \quad 25^\circ\text{C} \quad 40^\circ\text{C} \quad (1)$$

۵۱- دیوارهای به ضخامت L با هدایت حرارتی  $k$  عدد ثابت و  $T$  (دما) در دست است. اگر دو طرف آن در دمای  $T_1$  و  $T_2$  ( $T_1 > T_2$ ) باشند، میزان انتقال حرارت پایا کدام است؟ (مهندس شیمی - ۸۴)

$$q = \frac{K_o(T_1 - T_2)}{L} \quad (2) \quad q = \frac{K_o(T_1 + T_2)}{L} \quad (1)$$

$$q = \frac{K_o(T_1 - T_2)}{L} \quad (4) \quad q = \frac{K_o(T_1 + T_2)}{L} \quad (3)$$

۵۲- در شکل زیر توزیع دمای پایا در یک دیواره مرکب که از سه ماده با ضرائب هدایت حرارتی و مساحت همسان تشکیل شده است دیده می‌شود کدام یک از جملات زیر "q" شار حرارتی در مرزها می‌باشد؟ (مهندس شیمی - ۸۴)



$$q_1'' < q_2'' < q_3'' \quad (1)$$

$$q_1'' < q_2'' < q_3'' \quad (2)$$

$$q_1'' < q_2'' , \quad q_3'' > q_2'' \quad (3)$$

$$q_1'' = q_2'' , \quad q_3'' = q_2'' \quad (4)$$

۵۳- دوفین داغ مسی و شیشه‌ای کاملاً مشابه در معرض هوای سرد با دمای ثابت و ضریب انتقال حرارت یکسان قرار گرفته‌اند. گرادیان دما  $(\frac{\partial T}{\partial X})$  در پایه فین:

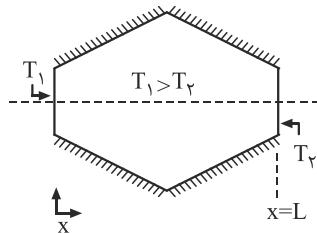
(۱) در فین مسی کمتر از شیشه است.

(۲) در فین مسی بیشتر از شیشه است.

(۳) گرادیان دما در هر دو برابر است.

(۴) بستگی به ضریب انتقال حرارت ممکن است در یکی کمتر یا بیشتر باشد.

۱۸۲- هدایت حرارتی حالت پایا در شکل زیر که از بالا و پایین عایق شده است را در نظر بگیرید.  
اگر خواص حرارتی ثابت باشند، کدام عبارت صحیح است؟  
(سراسری شیمی - ۹۶)



۱) شار حرارتی در تمام طول  $x$  ثابت است.

۲) بیشینه شار حرارتی در  $x = 0$  اتفاق می‌افتد.

۳) بیشینه شار حرارتی در  $x = \frac{L}{2}$  اتفاق می‌افتد.

۴) بیشینه شار حرارتی در  $\begin{cases} x = 0 \\ x = L \end{cases}$  اتفاق می‌افتد.

۱۸۳- در انتخاب جنس ماده دسته یک ظرف آشپزخانه که در معرض آتش قرار می‌گیرد ۴ کاندیدا وجود دارد. کدام یک مناسب‌تر است؟  
(سراسری شیمی - ۹۶)

$$\begin{cases} k = 400 \text{ W/m}^\circ\text{C} \\ C_p = 0.4 \text{ kJ/kg}^\circ\text{C} \\ \rho = 1100 \text{ kg/m}^3 \end{cases} \quad (۲)$$

$$\begin{cases} k = 400 \text{ W/m}^\circ\text{C} \\ C_p = 0.4 \text{ kJ/kg}^\circ\text{C} \\ \rho = 900 \text{ kg/m}^3 \end{cases} \quad (۱)$$

$$\begin{cases} k = 0.5 \text{ W/m}^\circ\text{C} \\ C_p = 3.0 \text{ kJ/kg}^\circ\text{C} \\ \rho = 200 \text{ kg/m}^3 \end{cases} \quad (۴)$$

$$\begin{cases} k = 0.5 \text{ W/m}^\circ\text{C} \\ C_p = 1.0 \text{ kJ/kg}^\circ\text{C} \\ \rho = 200 \text{ kg/m}^3 \end{cases} \quad (۳)$$

۱۸۴- توزیع دما در یک دیواره به ضخامت  $0.5 \text{ m}$  با  $k = 5 \frac{\text{kcal}}{\text{mhrK}}$  در لحظه‌ای خاص به صورت زیر است.

$$T = 300 - 500x + 100x^2 + 140x^3$$

(x فاصله از سطح داغ‌تر است). انرژی حرارتی ذخیره شده در دیواره به ازای واحد سطح دیواره چند  $\frac{\text{kcal}}{\text{hr}}$  است؟  
(سراسری شیمی - ۹۶)

۲۰۰۰ (۴)

۱۷۵۰ (۳)

۱۲۲۵ (۲)

۱۰۲۵ (۱)

۱۸۵- یک میله فلزی طویل ( $D \ll L$ ) در دمای اولیه‌ای برابر با محیط ( $T_i = T_\infty$ ) قرار دارد. به دلیل

تولید انرژی در میله با نرخ  $\dot{E}_g \frac{W}{m^3}$ ، دمای میله بالا رفته و تبادل حرارت جابه‌جایی با ضریب  $h$  آغاز می‌گردد. با فرض یکنواخت (لامپ) بودن دمای میله، اختلاف دمای نهایی (پایدار) میله و محیط چقدر خواهد بود؟  
( $\Delta T = T - T_\infty$ )  
(سراسری مکانیک - ۹۶)

$$\Delta T = \dot{E}_g \frac{4D}{h} \quad (۲)$$

$$\Delta T = \frac{\dot{E}_g D}{4hL} \quad (۱)$$

$$\Delta T = \dot{E}_g \left( \frac{D}{4h} \right) \quad (۴)$$

$$\Delta T = \dot{E}_g \left( \frac{D}{2h} \right) \quad (۳)$$

### پاسخنامه تست‌ها

۱- گزینه (۲) صحیح است.

۲- گزینه (۳) صحیح است.

$$\alpha = \frac{K}{\rho Cp} = \frac{\text{هدایت حرارت}}{\text{ذخیره حرارت}}$$

۳- گزینه (۴) صحیح است.

مقاومت جابجایی هوای خارج و هدایتی لوله به شکل موازی با هم قرار می‌گیرند.

$$R_t = R_1 + R_2 = \frac{1}{2\pi r_2 L h} + \frac{\ln(\frac{r_2}{r_1})}{2\pi K}$$

$$L = 1 \Rightarrow R_t = \frac{1}{2\pi r_2 h} + \frac{\ln(\frac{r_2}{r_1})}{2\pi K}$$

$$q = \frac{\Delta T}{R} = \frac{T_1 - T_2}{\frac{1}{2\pi r_2 h} + \frac{\ln(\frac{r_2}{r_1})}{2\pi K}}$$

در این تست فرض شده است که دمای سطح داخلی لوله با دمای روغن برابر است.

۴- گزینه (۲) صحیح است.

ابتدامادهای قرار می‌گیرد که  $K$  کوچکتری دارد.

۵- گزینه (۳) صحیح است.

$$\text{کل حرارت} = (\text{حجم})(\text{مقدار حرارت تولید شده}) \Rightarrow \dot{q} \cdot V = q$$

$$q = \dot{q} \cdot V = (\dot{q})(\pi r^2 L) \quad , \quad q'' = \frac{q}{A} = \frac{\pi r^2 L \dot{q}}{\pi r L} = \frac{\dot{q} \cdot r}{2} \quad , \quad \dot{q} = g.$$

۶- گزینه (۳) صحیح است.

$$K_A \frac{(T_A - T_i)}{L_A} = K_B \frac{(T_i - T_B)}{L_B} \Rightarrow \Delta \frac{(32 - T_i)}{0/3} = 4 \frac{(T_i - 10)}{0/2} \Rightarrow T_i = 20^\circ C$$

۷- گزینه (۴) صحیح است.

$$\frac{dT}{dx} = 0 \Rightarrow T = C_1 x + C_2$$

$$\begin{cases} x_1 = 1m & , \quad T_1 = 200^\circ C \\ x_2 = 0 & , \quad T_2 = 50^\circ C \end{cases} \Rightarrow T = 150x + 50$$

۸-گزینه (۴) صحیح است.

$$T_w = \frac{\dot{q}R}{\rho K} + T_\infty = \frac{\dot{q}R}{\rho K} + \frac{\dot{q}R}{h} + T_\infty = \frac{(100)(0.05)}{(6)(200)} + \frac{(100)(0.05)}{(3)(15)} + 20 = 21^\circ C$$

۹-گزینه (۲) صحیح است.

۱۰-گزینه (۲) صحیح است.

۱۱-گزینه (۴) صحیح است.

$$\frac{dT}{dx} = 0 \Rightarrow T = C_1 x + C_2$$

$$\begin{cases} @x = 0 & , \quad T = T_1 \\ @x = L & , \quad T = T_2 \end{cases} \Rightarrow T = \left( \frac{T_2 - T_1}{L} \right) x + T_1$$

۱۲-گزینه (۲) صحیح است.

$$q'' = -K \frac{dT}{dx} = -(0.03 + 0.00024T) \frac{dT}{dx} \Rightarrow q'' \cdot \Delta x = -\left(0.032T + \frac{0.00024T^2}{2}\right) \Big|_{950}^{200} \Rightarrow \Delta x = 0.032 \text{ m}$$

۱۳-گزینه (۱) صحیح است.

$$h_2 \gg h_1 \Rightarrow \frac{1}{h_2 A} \ll \frac{1}{h_1 A}$$

مقاومت جابجایی طرف  $h_2$  قابل اغماض است. از طرفی  $\frac{L}{KA}$  نیز قابل اغماض است، پس درون دیواره نیز گردیان دما برابر صفر است و دما ثابت است.

۱۴-گزینه (۲) صحیح است.

پرهای که دارای  $K$  کمتری است، دمای کمتری دارد.

۱۵-گزینه (۱) صحیح است.

از لحاظ تئوری گزینه (۱) صحیح است، چون انتقال حرارت‌های هدایتی و جابجایی نیاز به محیط مادی دارند.

۱۶-گزینه (۱) صحیح است.

۱۷-گزینه (۱) صحیح است.

$$q = hA\Delta T$$

۱۸-گزینه (۴) صحیح است.

$$T_w = \frac{\dot{q}L}{h} + T_\infty = \frac{(10000)(0.05)}{10} + 20 = 70^\circ C$$

۱۹-گزینه (۲) صحیح است.

۲۰-گزینه (۳) صحیح است.

$$\begin{array}{|c|c|} \hline K_1 & K_2 \\ \hline L & L \\ \hline \end{array} \equiv \begin{array}{|c|} \hline K \\ \hline 2L \\ \hline \end{array}$$

$$R_1 + R_2 = \frac{L}{K_1 A} + \frac{L}{K_2 A}$$

$$R = \frac{2L}{KA} \Rightarrow \frac{2L}{KA} = \frac{L}{K_1 A} + \frac{L}{K_2 A} \Rightarrow K = \frac{2K_1 K_2}{K_1 + K_2}$$

۲۱-گزینه (۲) صحیح است.

۲۲-گزینه (۱) صحیح است.

$$h_1 \gg h_2 \Rightarrow \frac{1}{h_1 A} \ll \frac{1}{h_2 A} \Rightarrow T_1 \simeq \text{cte}$$

۲۳-گزینه (۲) صحیح است.

حرارت جابجا شده در ابتدا در پایه پرہ به پره هدایت می‌شود، لذا داریم:

$$q = -KA \frac{dT}{dx} \Bigg|_{x=0/2} = -(1)(0.5)(2x) \Bigg|_{x=0/2} = -0.5w$$

۲۴-گزینه (۱) صحیح است.

$$q'' = K_1 \frac{\Delta T_1}{L} = K_2 \frac{\Delta T_2}{L} = K_3 \frac{\Delta T_3}{L} \Rightarrow a \Delta T_1 = 2a \Delta T_2 = 3a \Delta T_3$$

$$\text{اگر } \Delta T_3 = 1 \Rightarrow \Delta T_1 = 2 \quad \text{و} \quad \Delta T_2 = 3 \quad \text{و} \quad \Delta T_3 = 1$$

۲۵-گزینه (۳) صحیح است.

$$q'' = k \frac{\Delta T}{L} = (215) \frac{(1000 - 200)}{\left(\frac{2}{12}\right)} = 6/88 \times 10^5 \text{ Btu/hr.ft}^2$$

۲۶-گزینه (۲) صحیح است.

$$q = \frac{\pi L K \Delta T}{\ln\left(\frac{r_2}{r_1}\right)} = \frac{(\pi)(3)(0.0375)(380 - 80)}{\ln\left[\frac{\left(\frac{2/375}{2}\right) + 1}{\left(\frac{2/375}{1}\right)}\right]} = 3469/42 \text{ Btu/hr}$$

۲۷-گزینه (۱) صحیح است.

$$\frac{q}{A} = \frac{\Delta T}{R_1 + R_2 + R_3} = \frac{1500 - 150}{\left(\frac{9}{13}\right) + \left(\frac{5}{12}\right) + \left(\frac{7/5}{12}\right)} = 18 \text{ Btu/hr.ft}^2$$

با  $\frac{q}{A}$  تنها نیز می‌توان گزینه صحیح را انتخاب کرد. ولی برای توضیح بیشتر می‌توان با معادلات زیر دمای میانی را نیز محاسبه کرد.

$$\frac{q}{A} = \frac{(\Delta T)_{12}}{R_{12}} = \frac{1500 - t_2}{\left(\frac{9}{12}\right)} = 18 \Rightarrow t_2 = 1312/5^\circ F$$

$$\frac{q}{A} = \frac{(\Delta T)_{23}}{R_{23}} = \frac{13152 - t_3}{\left(\frac{5}{12}\right)} = 18 \Rightarrow t_3 = 375^\circ F$$

۲۸-گزینه (۳) صحیح است.

$$q = -kA \frac{dT}{dr} = -(0/1 + 5 \times 10^{-5} T)(4\pi r^2) \frac{dT}{dr}$$

$$q \int \frac{-dr}{r^2} = 0/1 \int dT + 5 \times 10^{-5} \int T dT$$

در این تست شعاع کوره مشخص نمی‌باشد. از طرفی برای محاسبات دقیق‌تر بایستی حداقل ضریب انتقال حرارت جابجایی محیط معین باشد. ولی برای محاسبه حدود  $\frac{q}{A}$  مقدار  $k$  متوسط را در دمای متوسط محاسبه کرده و با فرض خطی بودن توزیع دما درون دیواره خواهیم داشت:

$$q = \frac{\Delta T}{L} k A \quad \text{و} \quad \frac{q}{A} = k \frac{\Delta T}{L} \quad k = 0/1 + 5 \times 10^{-5} \left( \frac{1500 + 1000}{2} \right) = 0/14 \text{ Btu/hr.F.ft}$$

$$\frac{q}{A} = (0/14) \frac{(1500 - 1000)}{\left(\frac{4}{12}\right)} = 588 \text{ Btu/hr.ft}^2$$

۲۹-گزینه (۲) صحیح است.

$$q = 440 = \frac{\Delta T}{\frac{1}{4\pi k} \left( \frac{1}{r_1} - \frac{1}{r_2} \right)} = \frac{400 - 50}{\frac{1}{(4\pi)(0/12)} \left( \frac{1}{1} - \frac{1}{r_2} \right)} \Rightarrow r_2 = 1/249 \text{ ft}$$

$$1/249 - 1 = 0/249 \text{ ft} = 2/988 \text{ in} \simeq 3 \text{ in}$$

۳۰- گزینه (۱) صحیح است.

$$q = \frac{\Delta T}{R_1 + R_2} = \frac{500 - 100}{\frac{\ln(\frac{1}{0.5})}{(2\pi)(13)} + \frac{\ln(\frac{1}{1})}{(2\pi)(0.048)}} = 164/24 \text{ Btu/hr.ft}$$

۳۱- گزینه (۱) صحیح است.

$$\frac{q}{A} = \frac{\Delta T}{R_1 + R_2 + R_w} = \frac{297/1 - 255/4}{\frac{2 \times 0.0254}{0.762} + \frac{4 \times 0.0254}{0.0423} + \frac{1}{0.151}} = 16/478 \text{ W/m}^2$$

$$\frac{q}{A} = \frac{T_2 - T_1}{\frac{\Delta x_w}{k_w}} = 16/478 = \frac{T_2 - 255/4}{\frac{0.0254}{0.151}} \Rightarrow T_2 = 256/8 \text{ K}$$

۳۲- گزینه (۴) صحیح است.

$$q = hA\Delta T \quad , \quad \frac{q_2}{q_1} = \frac{\Delta T_2}{\Delta T_1} = \frac{20}{10} = 2$$

۳۳- گزینه (۲) صحیح است.

$$r_{cr} = \frac{k}{h} = \frac{0.3}{10} = 0.03 \text{ m} = 3 \text{ cm} \quad , \quad 3 - 2 = 1 \text{ cm}$$

۳۴- گزینه (۴) صحیح است.

۳۵- گزینه (۳) صحیح است.

$$T_0 = \frac{\dot{q} R_2}{4k} + T_w = \frac{(1/5 \times 10^6)(0.2)}{(4)(0.05)} + 0 = 300^\circ \text{C}$$

۳۶- گزینه (۱) صحیح است.

$$k_1(T_1 - T_i) = k_2(T_i - T_2) \quad , \quad k_1 = 4k_2 \Rightarrow T_i = \frac{1}{5}(4T_1 + T_2)$$

۳۷- گزینه (۲) صحیح است.

۳۸- گزینه (۳) صحیح است.

با کاهش  $h$  (افزایش مقاومت جابجایی) و افزایش  $k$  (کاهش مقاومت هدایتی) کارآبی افزایش می‌یابد.

۳۹- گزینه (۲) صحیح است.

مقدرا حرارت تولید شده درون میله استوانه‌ای داخل، از طریق سطوح خارجی پوشش به بیرون جابجایی می‌شود.

$$q = \dot{q} V = \dot{q} \pi R_1^2 L \quad , \quad q = h A \Delta T = (h) (2\pi R_1 L) (T_w - T_\infty)$$

$$q = \dot{q} V = (30000)(\pi)(0.075)^2(L) = (20)(2\pi)(0.275)(L)(T_w - 25) \Rightarrow T_w = 40/34^\circ \text{C}$$

۴۰- گزینه (۳) صحیح است.

$$\frac{T_1 + T_2}{2} = 65 \quad , \quad T_i < \frac{T_1 + T_2}{2}$$

طبق توضیحات متن گزینه (۳) صحیح است.

۴۱- گزینه (۴) صحیح است.

۴۲- گزینه (۱) صحیح است

بزرگترین مقاومت حرارتی، کنترل کننده انتقال حرارت می باشد. مقاومت های مختلف عبارتند از:

$$R''_{L, Con.v} = \frac{1}{h_L} = \frac{1}{10} = 0/1^{\circ}\text{C.m}^2/\text{w}$$

$$R''_V = \frac{L_1}{K_1} = \frac{0/1}{0/1} = 1^{\circ}\text{C.m}^2/\text{w}$$

$$R''_T = \frac{L_2}{K_2} = \frac{0/2}{0/5} = 0/0.4^{\circ}\text{C.m}^2/\text{w}$$

$$R''_{R, Con.v} = \frac{1}{h_R} = \frac{1}{20} = 0/0.05^{\circ}\text{C.m}^2/\text{w}$$

لذا دیواره (۱) کنترل کننده است.

۴۳- گزینه (۳) صحیح است.

$$\frac{q}{A} = q'' = -k \frac{dT}{dx} \quad , \quad q'' dx = -0/3 [dT + 10^{-3} T dT]$$

$$q'' = 0/3 \frac{[(T_1 - T_2) + \frac{10^{-3}(T_1^2 - T_2^2)}{2}]}{L} = \frac{(0/3) \left[ 200 - 20 + \frac{0/001(200^2 - 20^2)}{2} \right]}{0/3} = 299/7\text{w/m}^2$$

۴۴- گزینه (۳) صحیح است.

مقدار حرارت جابجا شده از محیط به دیوار و شار حرارتی رسیده به دیوار برابر مقدار حرارت هدایت شده در  $x = L$  می باشد.

$$q'' + h(T_\infty - T) = -k \frac{dT}{dx} \quad \Rightarrow \quad q'' - h(T - T_\infty) + k \frac{dT}{dx} = 0$$

۴۵- گزینه (۳) صحیح است.

۴۶- گزینه (۲) صحیح است.

کلیه مقاومت ها در مساحت (A) ضرب شده است.

۴۷- گزینه (۲) صحیح است.

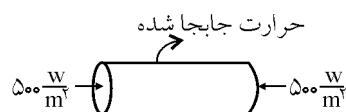
۴۸- گزینه (۳) صحیح است.

خلأ بیشتر فضای بین دو جداره از انتقال حرارت هدایتی و جابجایی جلوگیری کرده و سبب کاهش اتلاف

حرارت می‌شود.

-**۴۹**- گزینه (۱) صحیح است.

-**۵۰**- گزینه (۴) صحیح است.



$$q'' = -k \frac{dT}{dx} \Rightarrow -k \cdot T'' dx \Rightarrow q'' = \int_{x=0}^{x=L} dx = -k \cdot \int_{T_1}^{T_2} T'' dT \Rightarrow q'' = \frac{k \cdot (T_1'' - T_2'')}{L}$$

حرارت جابجا شده

$\frac{W}{m^2}$

$\frac{W}{m^2}$

**۵۱**- گزینه (۲) صحیح است.

$$q'' = -k \frac{dT}{dx} \Rightarrow -k \cdot T'' dx \Rightarrow q'' = \int_{x=0}^{x=L} dx = -k \cdot \int_{T_1}^{T_2} T'' dT \Rightarrow q'' = \frac{k \cdot (T_1'' - T_2'')}{L}$$

در این تست هدف محاسبه شار حرارتی می‌باشد و نه مقدار انتقال حرارت.

-**۵۲**- گزینه (۴) صحیح است.

در دیوارهای (۲) و (۳) چون تولید حرارت داخلی وجود ندارد شار حرارتی یکی بوده در حالیکه در دیواره (۱)

چون تولید حرارت داخلی وجود دارد، شار حرارتی  $q''_1$  با مقادیر  $q''_2$  و  $q''_3$  یکسان نمی‌باشد و با  $\frac{dT}{dx}$  متناسب

است. از آنجائیکه  $\frac{dT}{dx}$  در محل مشخص شده در برابر شبیب دمایی دیوارهای (۲) و (۳) کوچکتر است، لذا  $q''_1$  کوچکتر از  $q''_2$  و  $q''_3$  می‌باشد. البته با توجه با برابر  $q''_2$  و  $q''_3$  می‌توان گزینه (۴) را انتخاب نمود.

-**۵۳**- گزینه (۱) صحیح است.

هر چه ضریب هدایت حرارتی بزرگتر باشد،  $\frac{dT}{dx}$  کوچکتر است. لذا با توجه به اینکه که ضریب هدایت حرارتی مس بزرگتر از شیشه است،  $\frac{dT}{dx}$  برای پر مسی بزرگتر از پر شیشه‌ای است.

-**۵۴**- گزینه (۲) صحیح است.

$$\frac{dT}{dx} = \frac{T_2 - T_1}{X_2 - X_1} = \frac{600 - 400}{0 - 1} = -2000 \frac{K}{m}$$

$$q'' = -k \frac{dT}{dx} = -(100)(-2000) = 200000 \frac{W}{m^2} = 200 \frac{kW}{m^2}$$

-**۵۵**- گزینه (۳) صحیح است.

شار حرارتی به شکل ترم حرارت ورودی می‌باشد و لذا در رابطه کلی هدایت حرارتی با علامت مثبت ظاهر می‌شود.

-**۵۶**- گزینه (۳) صحیح است.

$$q = \dot{q} \cdot V = (\dot{q})(A)(2L) = 2\dot{q} LA$$

-**۵۷**- گزینه (۱) صحیح است.

$$q'' = h(T_2 - T_\infty) \Rightarrow T_2 = \frac{q''}{h} + T_\infty$$

هرچه  $C_p$  بزرگتر باشد یعنی گرمای بیشتری ذخیره می‌کند و لذا گزینه (۲) صحیح است، از طرفی  $k_A > k_B$  است و لذا گزینه (۳) صحیح است و لذا هیچ یک از گزینه‌ها به تنهایی صحیح نمی‌باشد.

۱۸۲ - گزینه «۴» صحیح است.

با توجه به اینکه  $q$  ثابت است بیشترین شار حرارتی ( $''q$ ) با توجه به رابطه‌ی  $''q = \frac{q}{A}$  در کمترین مساحت یعنی در  $x = L$  و  $x = 0$  رخ می‌دهد.

۱۸۳ - گزینه «۴» صحیح است.

جنسی انتخاب می‌شود که  $\alpha$  کوچکتری داشته باشد. با توجه به گزینه‌های داده شده گزینه (۴)

$$\text{دارای کمترین } \alpha \text{ می‌باشد.} \quad (\alpha = \frac{k}{\rho C_p} = \frac{\text{°}/\delta}{(2000)(3000)} = 10^{-3} \times 10^{-8} \frac{\text{m}^\gamma}{\text{s}})$$

۱۸۴ - گزینه «۱» صحیح است.

$$\begin{aligned} q_{in} - q_{out} &= \frac{\partial E}{\partial t}, \quad q_{in} = -kA \frac{dT}{dx} \Big|_{x=0}, \quad q_{out} = -kA \frac{dT}{dx} \Big|_{x=\delta} \\ \Rightarrow -k \left( \frac{dT}{dx} \Big|_{x=0} - \frac{dT}{dx} \Big|_{x=\delta} \right) &= \frac{1}{A} \frac{\partial E}{\partial t} \\ \frac{dT}{dx} = -500 + 200x + 420x^\gamma &\Rightarrow \frac{dT}{dx} \Big|_{x=0} = -500, \quad \frac{dT}{dx} \Big|_{x=\delta} = -295 \\ \Rightarrow \frac{1}{A} \frac{\partial E}{\partial t} &= (-5)(-500 - (-295)) = 1025 \frac{\text{kcal}}{\text{m}^\gamma \cdot \text{hr}} \end{aligned}$$

۱۸۵ - گزینه «۴» صحیح است.

در حالت پایدار مقدار گرمای تولید شده درون میله ( $q_{gen}$ ) برابر مقدار گرمایی است که به بیرون میله جابجا می‌شود ( $q_{conv}$ ) و لذا داریم:

$$\begin{aligned} q_{gen} &= \dot{q} \cdot V = (\dot{E}_g) \left( \frac{\pi D^\gamma}{4} \cdot L \right), \quad q_{conv.} = h A_s \Delta T = (h)(\pi D L) \Delta T \\ q_{gen} = q_{conv.} &\Rightarrow (\dot{E}_g) \left( \frac{\pi D^\gamma}{4} \cdot L \right) = (h)(\pi D L)(\Delta T) \Rightarrow \Delta T = \frac{\dot{E}_g \cdot D}{4h} \end{aligned}$$

## منابع

- ۱- انتقال حرارت - هومن.
- ۲- انتقال حرارت - اینکور پرا.
- ۳- انتقال حرارت - اوزیشیک.
- ۴- انتقال حرارت - Cengel
- ۵- انتقال حرارت - سری Shaum
- ۶- عملیات واحد - MC-Cabe (قسمت انتقال حرارت)
- ۷- مکانیک سیالات - استریتر (قسمت لایه‌های مرزی)